

1. (Ufrgs) Enquanto se expande, um gás recebe o calor  $Q=100\text{J}$  e realiza o trabalho  $W=70\text{J}$ . Ao final do processo, podemos afirmar que a energia interna do gás

- a) aumentou 170 J.
- b) aumentou 100 J.
- c) aumentou 30 J.
- d) diminuiu 70 J.
- e) diminuiu 30 J.

2. (Espcex (Aman) 2020) Um gás ideal é comprimido por um agente externo, ao mesmo tempo em que recebe calor de 300 J de uma fonte térmica.

Sabendo-se que o trabalho do agente externo é de 600 J, então a variação de energia interna do gás é

- a) 900 J.
- b) 600 J.
- c) 400 J.
- d) 500 J.
- e) 300 J.

3. (Espcex (Aman) 2012) Um gás ideal sofre uma compressão isobárica sob a pressão de  $4 \cdot 10^3 \text{ N/m}^2$  e o seu volume diminui  $0,2 \text{ m}^3$ . Durante o processo, o gás perde  $1,8 \cdot 10^3 \text{ J}$  de calor. A variação da energia interna do gás foi de:

- a)  $1,8 \cdot 10^3 \text{ J}$
- b)  $1,0 \cdot 10^3 \text{ J}$
- c)  $-8,0 \cdot 10^2 \text{ J}$
- d)  $-1,0 \cdot 10^3 \text{ J}$
- e)  $-1,8 \cdot 10^3 \text{ J}$

4. (Ufsm 2002) Quando um gás ideal sofre uma expansão isotérmica,

- a) a energia recebida pelo gás na forma de calor é igual ao trabalho realizado pelo gás na expansão.
- b) não troca energia na forma de calor com o meio exterior.
- c) não troca energia na forma de trabalho com o meio exterior.
- d) a energia recebida pelo gás na forma de calor é igual à variação da energia interna do gás.
- e) o trabalho realizado pelo gás é igual à variação da energia interna do gás.

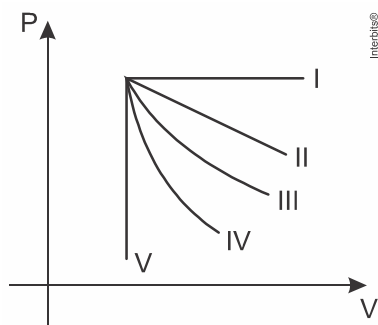
5. (Espcex (Aman) 2017) Durante um experimento, um gás perfeito é comprimido, adiabaticamente, sendo realizado sobre ele um trabalho de 800 J. Em relação ao gás, ao final do processo, podemos afirmar que:

- a) o volume aumentou, a temperatura aumentou e a pressão aumentou.
- b) o volume diminuiu, a temperatura diminuiu e a pressão aumentou.
- c) o volume diminuiu, a temperatura aumentou e a pressão diminuiu.
- d) o volume diminuiu, a temperatura aumentou e a pressão aumentou.
- e) o volume aumentou, a temperatura aumentou e a pressão diminuiu.

6. (Unesp) Um gás ideal, confinado no interior de um pistão com êmbolo móvel, é submetido a uma transformação na qual seu volume é aumentado ao quádruplo do seu volume inicial, em um intervalo de tempo muito curto. Tratando-se de uma transformação muito rápida, não há tempo para a troca de calor entre o gás e o meio exterior. Pode-se afirmar que a transformação é

- a) isobárica, e a temperatura final do gás é maior que a inicial.
- b) isotérmica, e a pressão final do gás é maior que a inicial.
- c) adiabática, e a temperatura final do gás é menor que a inicial.
- d) isobárica, e a energia interna final do gás é menor que a inicial.
- e) adiabática, e a energia interna final do gás é maior que a inicial.

7. (Ufsm) Quando um jogador "dá de bico" na bola, ela fica deformada, enquanto está em contato com a chuteira. O ar dentro da bola tem uma variação de volume num intervalo de tempo muito curto, podendo-se considerar essa variação como adiabática.



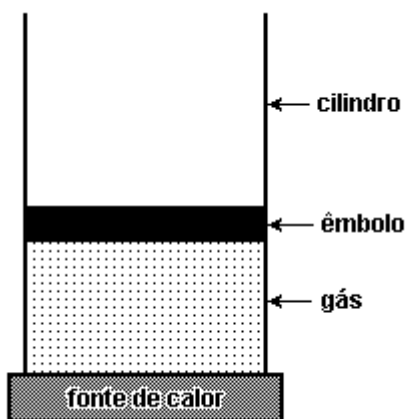
Na figura, as curvas que melhor representam um processo adiabático e um isotérmico de um gás ideal são, respectivamente,

- a) V e IV.
- b) IV e III.
- c) III e II.
- d) II e III.
- e) II e I.

8. (Unesp) Um gás, que se comporta como gás ideal, sofre expansão sem alteração de temperatura, quando recebe uma quantidade de calor  $Q = 6 \text{ J}$ .

- a) Determine o valor  $\Delta E$  da variação da energia interna do gás.
- b) Determine o valor do trabalho  $T$  realizado pelo gás durante esse processo.

9. (Unifesp 2007) A figura representa uma amostra de um gás, suposto ideal, contida dentro de um cilindro. As paredes laterais e o êmbolo são adiabáticos; a base é diatérmica e está apoiada em uma fonte de calor.



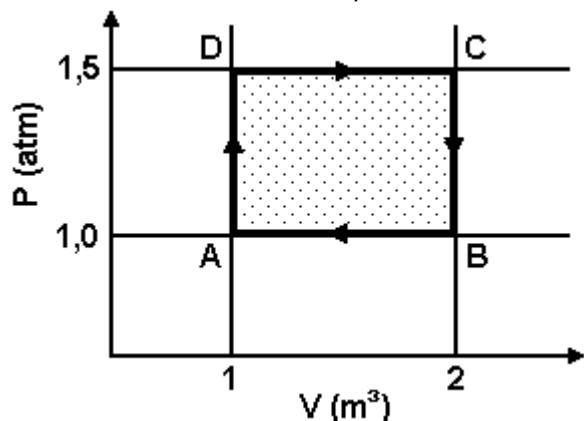
Considere duas situações:

- I. o êmbolo pode mover-se livremente, permitindo que o gás se expanda à pressão constante;
- II. o êmbolo é fixo, mantendo o gás a volume constante.

Suponha que nas duas situações a mesma quantidade de calor é fornecida a esse gás, por meio dessa fonte. Pode-se afirmar que a temperatura desse gás vai aumentar

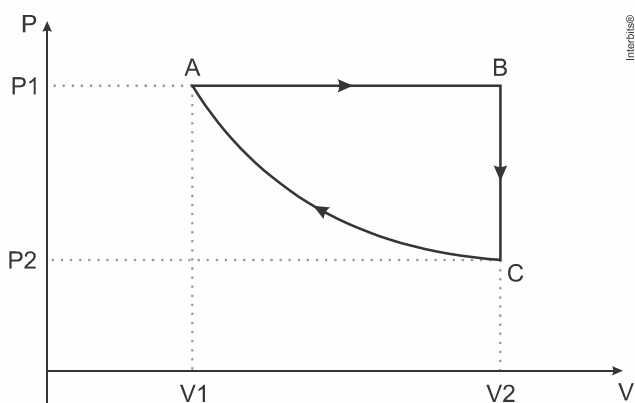
- a) igualmente em ambas as situações.
- b) mais em I do que em II.
- c) mais em II do que em I.
- d) em I, mas se mantém constante em II.
- e) em II, mas se mantém constante em I.

10. (Unicamp) Uma máquina térmica industrial utiliza um gás ideal, cujo ciclo de trabalho é mostrado na figura a seguir. A temperatura no ponto A é 400K. Utilizando  $1\text{atm} = 10^5\text{N/m}^2$ , responda os itens a e b.



- a) Qual é a temperatura no ponto C?
- b) Calcule a quantidade de calor trocada pelo gás com o ambiente ao longo de um ciclo.

11. (Fuvest 2021) Um mol de um gás ideal percorre o processo cíclico ABCA em um diagrama P–V, conforme mostrado na figura, sendo que a etapa AB é isobárica, a etapa BC é isocórica e a etapa CA é isotérmica.



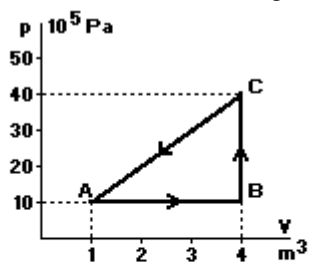
Considere as seguintes afirmações:

- I. O gás libera calor tanto na etapa BC quanto na etapa CA.
- II. O módulo do trabalho realizado pelo gás é não nulo tanto na etapa AB quanto na etapa BC.
- III. O gás tem sua temperatura aumentada tanto na etapa AB quanto na etapa CA.

É correto o que se afirma em:

- a) Nenhuma delas.
- b) Apenas I.
- c) Apenas II.
- d) Apenas III.
- e) Apenas I e II.

12. (Unesp) Um sistema termodinâmico é levado do estado inicial A a outro estado B e depois trazido de volta até A através do estado C, conforme o diagrama p - V da figura a seguir.



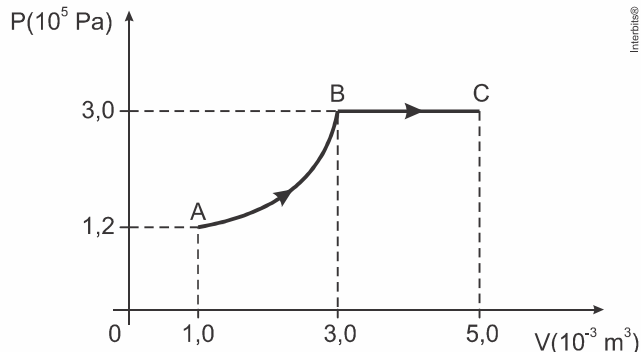
	Q	W	$\Delta U$
A → B			+
B → C	+		
C → A			

a) Complete a tabela atribuindo sinais (+) ou (-) às grandezas termodinâmicas associadas a cada processo. W positivo significa trabalho realizado pelo sistema, Q positivo é calor fornecido ao sistema e  $\Delta U$  positivo é aumento da energia interna.

b) Calcule o trabalho realizado pelo sistema durante o ciclo completo ABCA.

13. (Unesp 2007) Um mol de gás monoatômico, classificado como ideal, inicialmente à temperatura de 60 °C, sofre uma expansão adiabática, com realização de trabalho de 249 J. Se o valor da constante dos gases R é 8,3 J/(mol K) e a energia interna de um mol desse gás é  $(3/2)RT$ , calcule o valor da temperatura ao final da expansão.

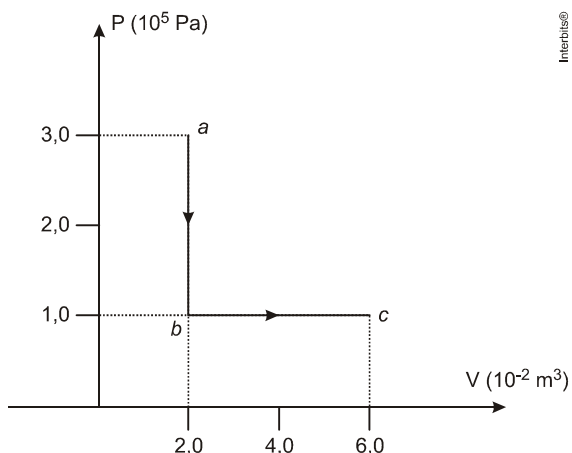
14. (Fac. Albert Einstein - Medicin 2019) Para provocar a transformação gasosa ABC, representada no diagrama  $P \times V$ , em determinada massa constante de gás ideal, foi necessário fornecer-lhe 1.400 J de energia em forma de calor, dos quais 300 J transformaram-se em energia interna do gás, devido ao seu aquecimento nesse processo.



Considerando não ter havido perda de energia, o trabalho realizado pelas forças exercidas pelo gás no trecho AB dessa transformação foi de

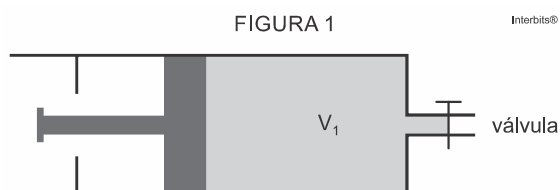
- a) 600 J.
- b) 400 J.
- c) 500 J.
- d) 1.100 J.
- e) 800 J.

15. (Unifesp 2011) Em um trocador de calor fechado por paredes diatérmicas, inicialmente o gás monoatômico ideal é resfriado por um processo isocórico e depois tem seu volume expandido por um processo isobárico, como mostra o diagrama pressão *versus* volume.

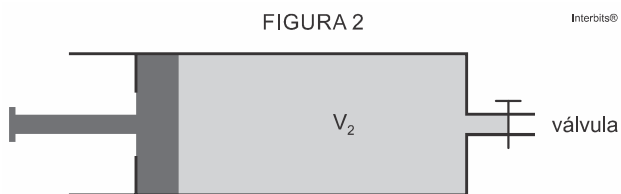


- a) Indique a variação da pressão e do volume no processo isocórico e no processo isobárico e determine a relação entre a temperatura inicial, no estado termodinâmico *a*, e final, no estado termodinâmico *c*, do gás monoatômico ideal.
- b) Calcule a quantidade total de calor trocada em todo o processo termodinâmico *abc*.

16. (Unesp 2017) A figura 1 mostra um cilindro reto de base circular provido de um pistão, que desliza sem atrito. O cilindro contém um gás ideal à temperatura de 300 K, que inicialmente ocupa um volume de  $6,0 \times 10^{-3} \text{ m}^3$  e está a uma pressão de  $2,0 \times 10^5 \text{ Pa}$ .

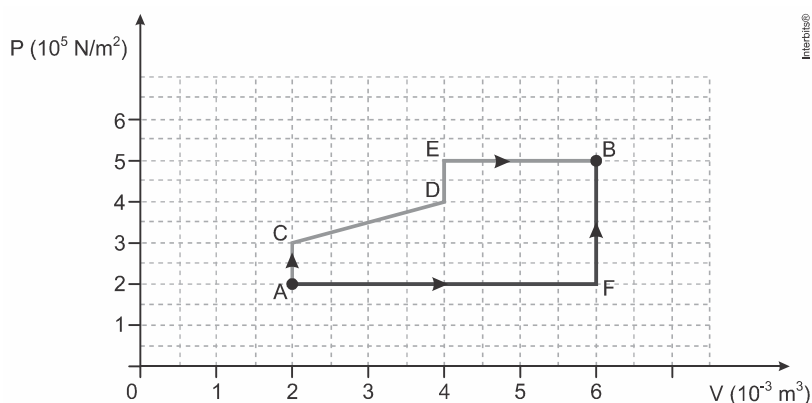


O gás é aquecido, expandindo-se isobaricamente, e o êmbolo desloca-se 10 cm até atingir a posição de máximo volume, quando é travado, conforme indica a figura 2.



Considerando a área interna da base do cilindro igual a  $2,0 \times 10^{-2} \text{ m}^2$ , determine a temperatura do gás, em kelvin, na situação da figura 2. Supondo que nesse processo a energia interna do gás aumentou de 600 J, calcule a quantidade de calor, em joules, recebida pelo gás. Apresente os cálculos.

17. (Unifesp 2017) Uma massa constante de gás ideal pode ser levada de um estado inicial A a um estado final B por dois processos diferentes, indicados no diagrama  $P \times V$ .



Para ocorrer, a transformação ACDEB exige uma quantidade  $Q_1$  de calor e a transformação AFB exige uma quantidade  $Q_2$  de calor. Sendo  $T_A$  e  $T_B$  as temperaturas absolutas do gás nos estados A e B, respectivamente, calcule:

- o valor da razão  $\frac{T_B}{T_A}$ .
- o valor da diferença  $Q_1 - Q_2$ , em joules.

18. (Fuvest 2020) Um mol de um gás ideal monoatômico é resfriado adiabaticamente de uma temperatura inicial  $T_1$  até uma temperatura final  $T_1/3$ .

Com base nessas informações, responda:

- O gás sofreu expansão ou compressão ao final do processo? Justifique sua resposta.
- Encontre o valor do trabalho realizado pelo gás nesse processo em termos da constante universal dos gases ideais  $R$  e de  $T_1$ .
- Encontre a razão entre as pressões final e inicial do gás após o processo.

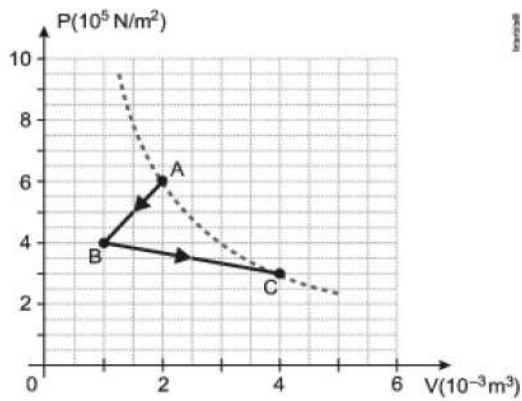
Note e adote:

Em um processo adiabático, não há troca de calor com o ambiente.

Energia interna por mol de um gás ideal monoatômico:  $U = 3RT/2$ .

Para o processo adiabático em questão, vale a relação  $PV^{5/3} = \text{constante}$ .

18. (UNIFESP) - Um gás ideal passa pelo processo termodinâmico representado pelo diagrama  $P \times V$ . O gás, que se encontrava à temperatura de  $57^\circ\text{C}$  no estado inicial A, comprime-se até o estado B, pela perda de  $1700\text{ J}$  de calor nessa etapa. Em seguida, é levado ao estado final C, quando retorna à temperatura inicial. A linha tracejada representa uma isoterma.



Considerando os valores indicados no gráfico e que a massa do gás tenha permanecido constante durante todo o processo, calcule:

- a temperatura do gás, em graus Celsius, no estado B.
- o calor, em joules, recebido pelo gás de uma fonte externa, quando foi levado do estado B para o estado final C.

**Gabarito:****Resposta da questão 1:**

[C]

**Resposta da questão 2:**

[A]

Aplicando a 1ª lei da Termodinâmica com  $\tau < 0$  (pois há compressão do gás), vem:

$$Q = \tau + \Delta U$$

$$300 = -600 + \Delta U$$

$$\therefore \Delta U = 900 \text{ J}$$

**Resposta da questão 3:**

[D]

Por ser uma compressão, o trabalho realizado pelo gás é negativo:

$$W = p\Delta V = 4 \times 10^3 \times (-0,2) = -8 \times 10^2 \text{ J}$$

O calor é negativo, pois foi perdido pelo gás.

$$Q = -1,8 \times 10^3 \text{ J}$$

Pela Primeira Lei da Termodinâmica, sabemos que:

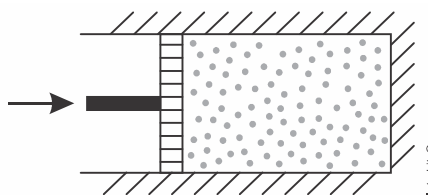
$$\Delta U = Q - W \rightarrow \Delta U = (-1,8 \times 10^3) - (-8 \times 10^2) = -1,0 \times 10^3 \text{ J}$$

**Resposta da questão 4:**

[A]

**Resposta da questão 5:**

[D]



Partindo da 1ª Lei da Termodinâmica, tem-se que:

$$\Delta U = Q - \tau \quad (1)$$

sendo  $\Delta U$  a variação da energia interna do gás,  $Q$  o calor inserido no gás e  $\tau$  o trabalho realizado pelo gás.

Como o processo é adiabático, ou seja, sem troca de calor,  $Q = 0 \text{ J}$ .

Como o trabalho foi realizado sobre o gás, então  $\tau < 0$ , ou seja,  $\tau = -800 \text{ J}$ .

Substituindo-se esses valores na equação 1, tem-se que:

$$\Delta U = 0 - (-800) = 800 \text{ J}$$

$$\Delta U = 800 \text{ J}$$

Para gases perfeitos, é válida a seguinte relação:



$$\Delta U = \frac{3}{2} n R \Delta T \quad (2)$$

sendo  $n$  o número de moles do gás,  $R$  a constante universal dos gases e  $\Delta T$  a variação da temperatura do gás.

Como  $\Delta U = 800 \text{ J} > 0$ , então, pela equação 2,  $\Delta T > 0$ .

Como o trabalho está sendo realizado sobre o gás, ou seja, o mesmo está sendo comprimido, então  $\Delta V < 0$ , quer dizer, o gás reduz de volume.

Da equação de Clapeyron para gases perfeitos:

$$pV = n R T \Rightarrow p = \frac{n R T}{V} \quad (3)$$

E considerando que  $T$  aumentou ( $\Delta T > 0$ ) e  $V$  diminuiu ( $\Delta V < 0$ ), conclui-se da equação 3 que  $p$  aumentou ( $\Delta p > 0$ ).

Logo, o volume diminuiu, a temperatura aumentou e a pressão aumentou.

#### Resposta da questão 6:

[C]

#### Resposta da questão 7:

[B]

Os processos adiabático e isotérmico são não lineares e logo eliminamos as opções [I], [II] e [V]. Os processos adiabáticos tem trabalho associado inferior ao dos processos isotérmicos e desta forma os diagramas [IV] e [III] são os que melhores atendem, nesta ordem, o solicitado.

#### Resposta da questão 8:

- a)  $\Delta E = 0$   
b)  $T = 6 \text{ J}$

#### Resposta da questão 9:

[C]

#### Resposta da questão 10:

- a)  $1220 \text{ K}$   
b)  $5 \times 10^4 \text{ J}$

#### Resposta da questão 11:

[B]

Analisando as afirmativas:

[I] Verdadeira. 1ª Lei da Termodinâmica:  $Q = \tau + \Delta U$ .

Na etapas BC e CA, temos:

$$\begin{cases} \Delta V_{BC} = 0 \Rightarrow \tau_{BC} = 0 \\ \Delta T_{BC} < 0 \Rightarrow \Delta U_{BC} < 0 \end{cases} \Rightarrow Q_{BC} < 0$$

$$\begin{cases} \Delta V_{CA} < 0 \Rightarrow \tau_{CA} < 0 \\ \Delta T_{CA} = 0 \Rightarrow \Delta U_{CA} = 0 \end{cases} \Rightarrow Q_{CA} < 0$$

Logo, ambas as etapas liberam calor.

[II] Falsa. Pelo item anterior,  $\tau_{BC} = 0$ .

[III] Falsa. Como CA se dá sobre uma isoterma,  $\Delta T_{CA} = 0$ .

**Resposta da questão 12:**

Observe a figura a seguir:

a)

	Q	W	$\Delta U$
A → B	+	+	+
B → C	+	0	+
C → A	-	-	-

b)  $4,5 \cdot 10^6 \text{ J}$

**Resposta da questão 13:**

$$Q = \tau + \Delta U = 0$$

$$\tau + \Delta U = 0$$

$$249 + (3/2) \cdot R \cdot \Delta T = 0$$

$$249 + (3/2) \cdot 8,3 \cdot [T - (60 + 273)] = 0$$

$$249 + 12,45 \cdot [T - (333)] = 0$$

$$12,45 \cdot [T - (333)] = -249$$

$$[T - (333)] = -249/12,45$$

$$T - 333 = -20$$

$$T = 333 - 20 = 313 \text{ K} = 40 \text{ }^\circ\text{C}$$

**Resposta da questão 14:**

[C]

Da primeira lei da Termodinâmica tem-se a relação entre calor (Q), trabalho (W) e energia interna ( $\Delta U$ ).

$$Q = W + \Delta U$$

Assim, o trabalho total entre ABC é

$$1400 \text{ J} = W_{ABC} + 300 \text{ J} \Rightarrow W_{ABC} = 1100 \text{ J}$$

Para determinar o trabalho entre AB deve-se calcular o trabalho do processo isobárico BC e descontar do trabalho total já obtido.

$$W_{BC} = p \cdot \Delta V = 3,0 \cdot 10^5 \text{ Pa} \cdot (5,0 - 3,0) \cdot 10^{-3} \text{ m}^3$$

$$W_{BC} = 6,0 \cdot 10^2 \text{ J} = 600 \text{ J}$$

Logo, o trabalho do processo AB é:

$$W_{AB} = W_{ABC} - W_{BC} = 1100 \text{ J} - 600 \text{ J} \therefore W_{AB} = 500 \text{ J}$$

**Resposta da questão 15:**

a) No processo isocórico (volume constante) (a → b):

$$\text{Variação do volume: } \Delta V_{ab} = V_b - V_a = 0$$

$$\text{Variação da pressão: } \Delta P_{ab} = P_b - P_a = (1,0 - 3,0) \times 10^5 \Rightarrow \Delta P_{ab} = -2,0 \times 10^5 \text{ Pa.}$$

No processo isobárico (pressão constante) (b → c):

$$\text{Variação do volume: } \Delta V_{bc} = V_c - V_b = (6,0 - 2,0) \times 10^{-2} \Rightarrow \Delta V_{bc} = 4,0 \times 10^{-2} \text{ m}^3.$$

$$\text{Variação da pressão: } \Delta P_{bc} = P_c - P_b = 0.$$

Aplicando a equação geral dos gases entre os estados a e c.

$$\frac{P_a V_a}{T_a} = \frac{P_c V_c}{T_c} \Rightarrow \frac{3 \times 10^5 \times 2 \times 10^{-2}}{T_a} = \frac{1 \times 10^5 \times 6 \times 10^{-2}}{T_c} \Rightarrow$$

$$\frac{6 \times 10^3}{T_a} = \frac{6 \times 10^3}{T_c} \Rightarrow T_a = T_c \Rightarrow \frac{T_a}{T_c} = 1.$$

b) Sendo **Q** a quantidade de calor trocado, **ΔU** a variação da energia interna e **W** o trabalho realizado entre dois estados, a 1ª lei da termodinâmica nos dá:

$$Q = \Delta U + W.$$

Como mostrado no item anterior, a temperatura do gás nos estados *a* e *c* são iguais, portanto a variação da energia interna entre esses dois estados é nula ( $\Delta U_{ac} = 0$ ). Então:

$$Q_{ac} = W_{ac} = W_{ab} + W_{bc}.$$

Mas a transformação *ab* é isocórica  $\Rightarrow W_{ab} = 0$ . Então:

$$Q_{ac} = W_{bc} = P_c (\Delta V_{bc}) = 1,0 \times 10^5 \times 4,0 \times 10^{-2} \Rightarrow$$

$$Q_{ac} = 4,0 \times 10^3 \text{ J.}$$

### Resposta da questão 16:

Dados:  $p = 2 \times 10^5 \text{ N/m}^2$ ;  $T_1 = 300\text{K}$ ;  $V_1 = 6 \times 10^{-3} \text{ m}^3$ ;  $d = 10 \text{ cm} = 0,1 \text{ m}$ ;  $A = 2 \times 10^{-2} \text{ m}^2$ ;  $\Delta U = 600 \text{ J}$ .

Temperatura na situação da figura 2:

$$\Delta V = Ad = 2 \times 10^{-2} \times 0,1 \Rightarrow \Delta V = 2 \times 10^{-3} \text{ m}^3$$

$$V_2 = V_1 + \Delta V = 6 \times 10^{-3} + 2 \times 10^{-3} \Rightarrow V_2 = 8 \times 10^{-3} \text{ m}^3.$$

Aplicando a equação geral dos gases para uma transformação isobárica:

$$\frac{V_1}{T_1} = \frac{V_2}{T_2} \Rightarrow \frac{6 \times 10^{-3}}{300} = \frac{8 \times 10^{-3}}{T_2} \Rightarrow T_2 = 400\text{K.}$$

Cálculo do trabalho (**W**) realizado pela força de pressão do gás na expansão:

$$W = p\Delta V = pAd = 2 \times 10^5 \times 2 \times 10^{-2} \times 0,1 \Rightarrow W = 400 \text{ J.}$$

Aplicando a primeira lei da termodinâmica:

$$Q = \Delta U + W = 600 + 400 \Rightarrow Q = 1000 \text{ J.}$$

**Observação:** para o cálculo do calor trocado, se o enunciado não desse a variação da energia interna e especificasse que o gás é monoatômico, uma segunda solução, dada a seguir, seria possível.

Quantidade de calor recebida pelo gás:

Aplicando a 1ª Lei da Termodinâmica:  $Q = \Delta U + W$

$$\left\{ \begin{array}{l} W = p\Delta V \\ \Delta U = \frac{3}{2}p\Delta V \end{array} \right\} Q = \Delta U + W = \frac{3}{2}p\Delta V + p\Delta V \Rightarrow Q = \frac{5}{2}p\Delta V = \frac{5}{2} \times 2 \times 10^5 \times 2 \times 10^{-3} \Rightarrow$$

$$Q = 1.000 \text{ J.}$$

### Resposta da questão 17:

Para gases ideais é válida a equação geral dos gases:

$$pV = nRT \quad (1)$$

Como por hipótese a massa do gás é constante, e supondo que sua composição não varia, então:

$$n = \frac{m}{M} = \text{constante}$$

sendo  $m$  a massa do gás,  $M$  a massa molar e  $n$  o número de moles.

Partindo da equação (1) tem-se então que:

$$\frac{pV}{T} = nR = \text{constante} \quad (2)$$

a) Da equação (2) conclui-se que:

$$\frac{p_A V_A}{T_A} = \frac{p_B V_B}{T_B} \quad (3)$$

sendo  $p_A$ ,  $V_A$  e  $T_A$  a pressão, o volume e a temperatura absoluta do gás no estado A, respectivamente. E  $p_B$ ,  $V_B$  e  $T_B$  a pressão, o volume e a temperatura do gás no estado B, respectivamente.

Por meio de um simples rearranjo algébrico da equação (3), tem-se que:

$$\frac{T_B}{T_A} = \frac{p_B V_B}{p_A V_A} = \frac{5 \times 10^5 \times 6 \times 10^{-3}}{2 \times 10^5 \times 2 \times 10^{-3}} = 7,5$$

b) Da primeira Lei da Termodinâmica, tem-se que:

$$\Delta U = Q\tau$$

sendo  $\Delta U$  a variação da energia interna do gás,  $Q$  o calor trocado com o meio externo, com  $Q > 0$  para o calor inserido no sistema e  $Q < 0$  para o calor perdido pelo sistema.  $\tau$  corresponde ao trabalho realizado pelo sistema sobre o meio externo.

Logo, partindo-se da equação (4), tem-se que:

$$Q_1 = \Delta U_1 + \tau_1 \text{ e } Q_2 = \Delta U_2 + \tau_2$$

de um modo geral, para gases ideais:

$$\Delta U = k \Delta T \quad (5)$$

sendo  $k = f(n, R)$  uma função de  $n$  e de  $R$ . Como  $n$  e  $R$  são constantes,  $k$  é constante e  $\Delta U$  depende apenas de  $\Delta T$ .

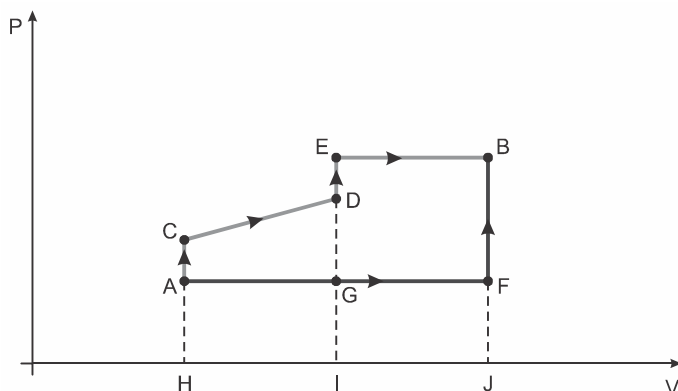
A partir da equação (5), tem-se que:

$$\Delta U_1 = k \Delta T_{AB} = k(T_B - T_A) = \Delta U_2 \quad (6)$$

Da equação (6) conclui-se que:

$$Q_1 - Q_2 = (\Delta U_1 + \tau_1) - (\Delta U_2 + \tau_2) = \tau_1 - \tau_2$$

Observe o gráfico da figura. Os pontos G, H, I e J foram acrescentados para facilitar a compreensão da solução.



$\tau_1$  corresponde ao trabalho realizado pelo gás no processo 1, e por isso é numericamente igual à área delimitada

pelo polígono HCDEBJH.

$\tau_2$  corresponde ao trabalho realizado pelo gás no processo 2, e por isso é numericamente igual à área delimitada pelo polígono HAFJH.

Conclui-se que:  $\tau_1 - \tau_2$  é numericamente igual à área delimitada pelo polígono ACDEBFA.

Logo:

$$Q_1 - Q_2 = \tau_1 - \tau_2 = (\text{ACDGA}) + (\text{GEBFG})$$

Sendo (ACDGA) a área do trapézio ACDGA e (GEBFG) a área do retângulo GEBFG.

Assim:

$$Q_1 - Q_2 = \left[ \frac{(1+2) \times 2}{2} + 2 \times 3 \right] \times 10^5 \frac{\text{N}}{\text{m}^2} \times 10^{-3} \text{m}^3$$

$$Q_1 - Q_2 = 900 \text{ Nm} = \boxed{900 \text{ J}}$$

### Resposta da questão 18:

a) De acordo com a 1ª lei da Termodinâmica:

$$Q = \tau + \Delta U$$

Para o problema dado, temos que:

$$Q = 0 \text{ (transformação adiabática)}$$

$$\Delta T < 0 \Rightarrow \Delta U < 0 \quad \left( \text{pois } \Delta U = \frac{3}{2} nR\Delta T \right)$$

Logo:

$$0 = \tau + \Delta U \Rightarrow \tau = -\Delta U$$

$$\therefore \tau > 0$$

Portanto, o gás sofreu expansão.

b) Da expressão obtida anteriormente:

$$\tau = -\Delta U = -\frac{3}{2} nR\Delta T$$

$$\tau = -\frac{3}{2} \cdot 1 \cdot R \left( \frac{T_1}{3} - T_1 \right)$$

$$\therefore \tau = RT_1$$

c) Como  $PV^{5/3} = \text{constante}$ , devemos ter que:

$$P_f V_f^{5/3} = P_1 V_1^{5/3}$$

Da equação de Clayperon com  $n = 1$ , vem:

$$PV = 1 \cdot RT \Rightarrow V = \frac{RT}{P}$$

Substituindo este resultado na expressão anterior, chegamos a:

$$P_f \left( \frac{RT_f}{P_f} \right)^{5/3} = P_1 \left( \frac{RT_1}{P_1} \right)^{5/3} \Rightarrow \frac{T_f^{5/3}}{P_f^{2/3}} = \frac{T_1^{5/3}}{P_1^{2/3}} \Rightarrow$$
$$\Rightarrow \left( \frac{P_f}{P_1} \right)^{2/3} = \left( \frac{T_1/3}{T_1} \right)^{5/3} \Rightarrow \frac{P_f}{P_1} = \left( \frac{1}{3} \right)^{5/2} = \frac{1}{\sqrt{3^5}}$$
$$\therefore \frac{P_f}{P_1} = \frac{\sqrt{3}}{27}$$

Resposta da questão 18:

- a) 110 K
- b) 2250 J