

Gás ideal, termodinâmica e máquinas térmicas

- SL 03 – Exercícios

Apresentação e demais documentos: **fisicasp.com.br**

1. (Unicamp) Os balões desempenham papel importante em pesquisas atmosféricas e sempre encantaram os espectadores. Bartolomeu de Gusmão, nascido em Santos em 1685, é considerado o inventor do aeróstato, balão empregado como aeronave. Em temperatura ambiente, $T_{amb} = 300 \text{ K}$, a densidade do ar atmosférico vale $d_{amb} = 1,26 \text{ kg/m}^3$. Quando o ar no interior de um balão é aquecido, sua densidade diminui, sendo que a pressão e o volume permanecem constantes. Com isso, o balão é acelerado para cima à medida que seu peso fica menor que o empuxo.

a) Um balão tripulado possui volume total $V = 3,0 \times 10^6$ litros . Encontre o empuxo que atua no balão. Considere $g = 10 \text{ m/s}^2$.

b) Qual será a temperatura do ar no interior do balão quando sua densidade for reduzida a $d_{quente} = 1,05 \text{ kg/m}^3$? Considere que o ar se comporta como um gás ideal e note que o número de moles de ar no interior do balão é proporcional à sua densidade.

1. (Unicamp) Os balões desempenham papel importante em pesquisas atmosféricas e sempre encantaram os espectadores. Bartolomeu de Gusmão, nascido em Santos em 1685, é considerado o inventor do aeróstato, balão empregado como aeronave. Em temperatura ambiente, $T_{amb} = 300 \text{ K}$, a densidade do ar atmosférico vale $d_{amb} = 1,26 \text{ kg/m}^3$. Quando o ar no interior de um balão é aquecido, sua densidade diminui, sendo que a pressão e o volume permanecem constantes. Com isso, o balão é acelerado para cima à medida que seu peso fica menor que o empuxo.

a) Um balão tripulado possui volume total $V = 3,0 \times 10^6 \text{ litros}$. Encontre o empuxo que atua no balão. Considere $g = 10 \text{ m/s}^2$.

Rascunho

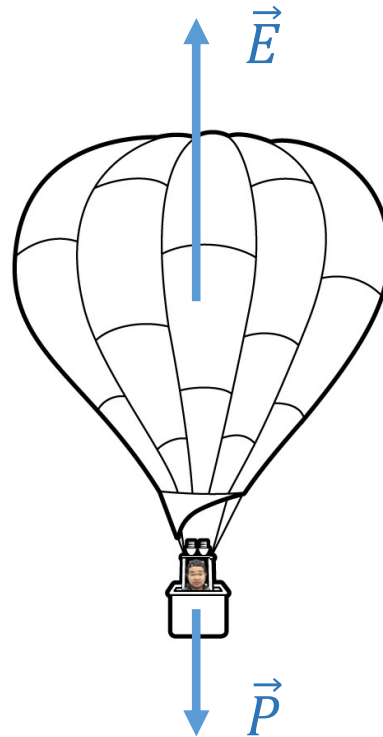
$$E = d \cdot V \cdot g$$

$$d_{amb} = 1,26 \text{ kg/m}^3$$

$$V = 3,0 \times 10^6 = 3 \cdot 10^3 \text{ m}^3$$

$$g = 10 \text{ m/s}^2$$

$$\begin{array}{c} \times 10^3 \\ \curvearrowright \\ 1 \text{ m}^3 = 10^3 \text{ L} \\ \curvearrowleft \\ \times 10^{-3} \end{array}$$



$$E = d \cdot V \cdot g$$

$$E = 1,26 \cdot 3 \cdot 10^3 \cdot 10$$

$$E = 3,78 \cdot 10^4 \text{ N}$$

1. (Unicamp) Os balões desempenham papel importante em pesquisas atmosféricas e sempre encantaram os espectadores. Bartolomeu de Gusmão, nascido em Santos em 1685, é considerado o inventor do aeróstato, balão empregado como aeronave. Em temperatura ambiente, $T_{amb} = 300 \text{ K}$, a densidade do ar atmosférico vale $d_{amb} = 1,26 \text{ kg/m}^3$. Quando o ar no interior de um balão é aquecido, sua densidade diminui, sendo que a pressão e o volume permanecem constantes. Com isso, o balão é acelerado para cima à medida que seu peso fica menor que o empuxo.

b) Qual será a temperatura do ar no interior do balão quando sua densidade for reduzida a $d_{quente} = 1,05 \text{ kg/m}^3$? Considere que o ar se comporta como um gás ideal e note **que o número de moles de ar no interior do balão é proporcional à sua densidade**.

Rascunho



Para o gás

$$\begin{aligned}
 p_f &= p_i = p_{atm} & p_i \cdot V_i &= n_i \cdot R \cdot T_i & \Rightarrow & \frac{p_i \cdot V_i}{R} = n_i \cdot T_i \\
 V_f &= V_i \\
 n &= k \cdot d & p_f \cdot V_f &= n_f \cdot R \cdot T_f & \Rightarrow & \frac{p_f \cdot V_f}{R} = n_f \cdot T_f \\
 & & n_f \cdot T_f &= n_i \cdot T_i & \Rightarrow & \frac{n_f}{n_i} = \frac{T_i}{T_f}
 \end{aligned}$$

$$\frac{n_q}{n_{amb}} = \frac{T_{amb}}{T_q}$$

$$\frac{n_q}{n_{amb}} = \frac{k \cdot d_q}{k \cdot d_{amb}} = \frac{T_{amb}}{T_q}$$

$$\frac{d_q}{d_{amb}} = \frac{T_{amb}}{T_q}$$

$$\frac{1,05}{1,26} = \frac{300}{T_q}$$

$$T_q = 360 \text{ K}$$

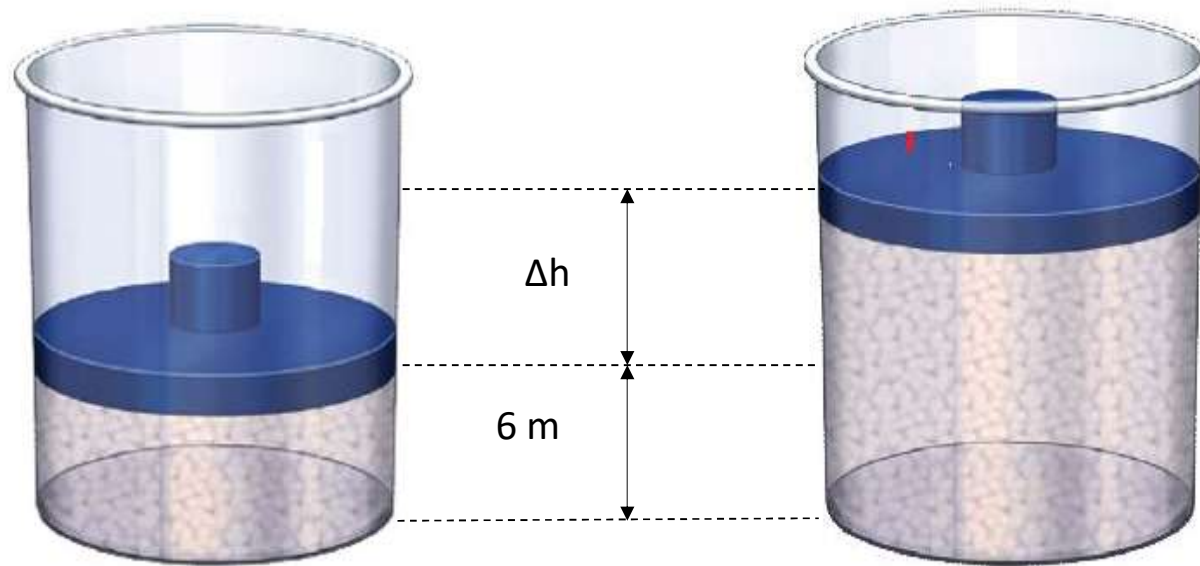
2. Um cilindro contém 5 mols de gás nitrogênio, inicialmente a 27°C , fechado em sua parte superior por um êmbolo de massa desprezível, cuja área vale 10^{-2}m^2 , sobre o qual está apoiado um corpo de 100 kg. Nessa situação, o êmbolo permanece em equilíbrio, a 6 m de altura em relação à base do cilindro.

Dados:

$$R = 8 \text{ J/mol.K}$$

$$P_{atm} = 10^5 \text{ N/m}^2$$

$$g = 10 \text{ m/s}^2$$



O gás é então aquecido lentamente até que sua temperatura atinja 127°C , de modo que o êmbolo seja submetido a um deslocamento vertical Δh , em movimento uniforme, devido à expansão do gás. Nessas condições:

I. A intensidade da força vertical que o gás exerce sobre o êmbolo vale:

a) 100 N b) 1 000 N c) 2 000 N d) 5 000 N e) 10 000 N

II. O trabalho realizado pela força de pressão do gás nessa transformação vale:

a) 1 000 J. b) 2 000 J. c) 3 000 J. d) 4 000 J. e) 5 000 J.

I. A intensidade da força vertical que o gás exerce sobre o êmbolo vale:

Método I

$$n = 5 \text{ mols}$$

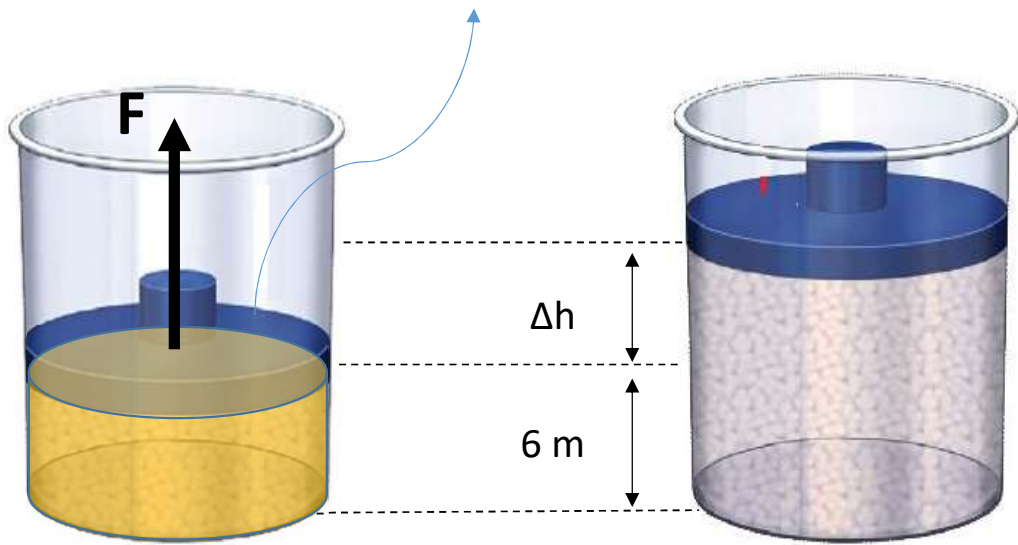
$$R = 8 \text{ J/mol.K}$$

$$m_{\text{êmbolo}} = 100 \text{ kg}$$

$$A_{\text{êmbolo}} = 10^{-2} \text{ m}^2$$

$$g = 10 \text{ m/s}^2$$

Êmbolo em movimento uniforme → Processo isobárico (P cte) : $P_i = P_f$



$$T_i = 27^\circ\text{C} = 300 \text{ K}$$

$$P_i = ?$$

$$V_i = ?$$

$$T_f = 127^\circ\text{C} = 400 \text{ K}$$

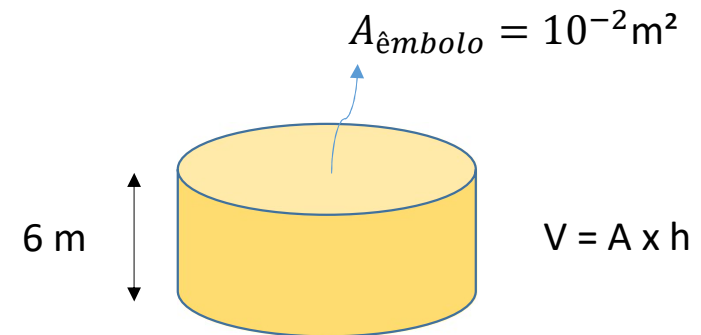
$$P_f = ?$$

$$V_f = ?$$

Planejamento

$$\text{Pressão} = \frac{F}{A} \left(\frac{\text{N}}{\text{m}^2} \right) \rightarrow F = \text{pressão} \times A$$

$$P_i \cdot V_i = nRT_i \rightarrow P_i = \frac{nRT_i}{V_i}$$



I. A intensidade da força vertical que o gás exerce sobre o êmbolo vale:

Método I

$$n = 5 \text{ mols}$$

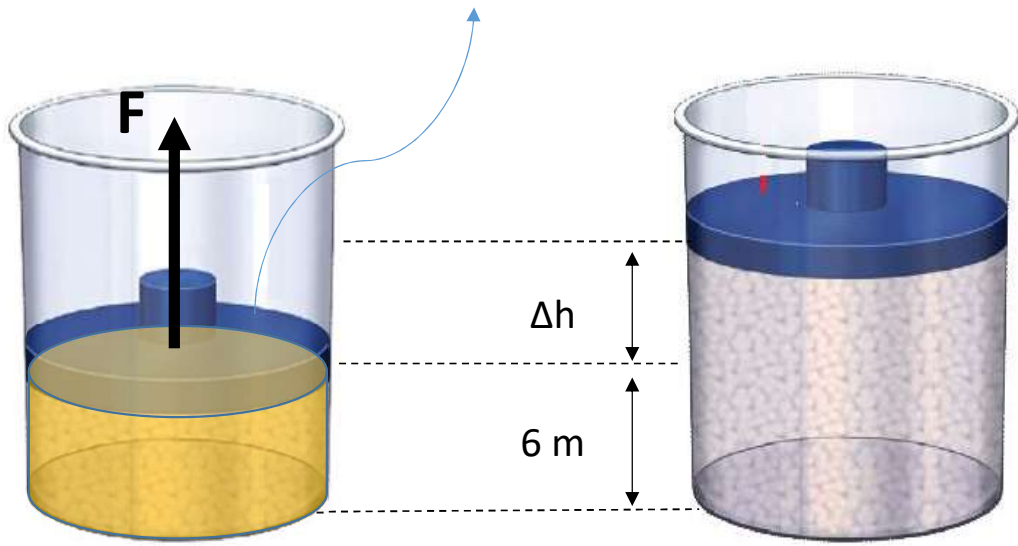
$$R = 8 \text{ J/mol.K}$$

$$m_{\text{êmbolo}} = 100 \text{ kg}$$

$$A_{\text{êmbolo}} = 10^{-2} \text{ m}^2$$

$$g = 10 \text{ m/s}^2$$

Êmbolo em movimento uniforme \Rightarrow Processo isobárico (P cte) : $P_i = P_f$



$$T_i = 27^\circ\text{C} = 300 \text{ K}$$

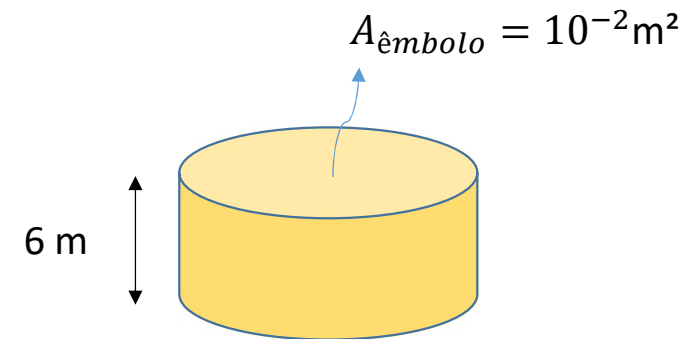
$$T_f = 127^\circ\text{C} = 400 \text{ K}$$

$$P_i = ?$$

$$P_f = ?$$

$$V_i = ?$$

$$V_f = ?$$



$$V = A \times h$$

$$V = 10^{-2} \times 6$$

$$V = 6 \cdot 10^{-2} \text{ m}^3$$

I. A intensidade da força vertical que o gás exerce sobre o êmbolo vale:

Método I

$$n = 5 \text{ mols}$$

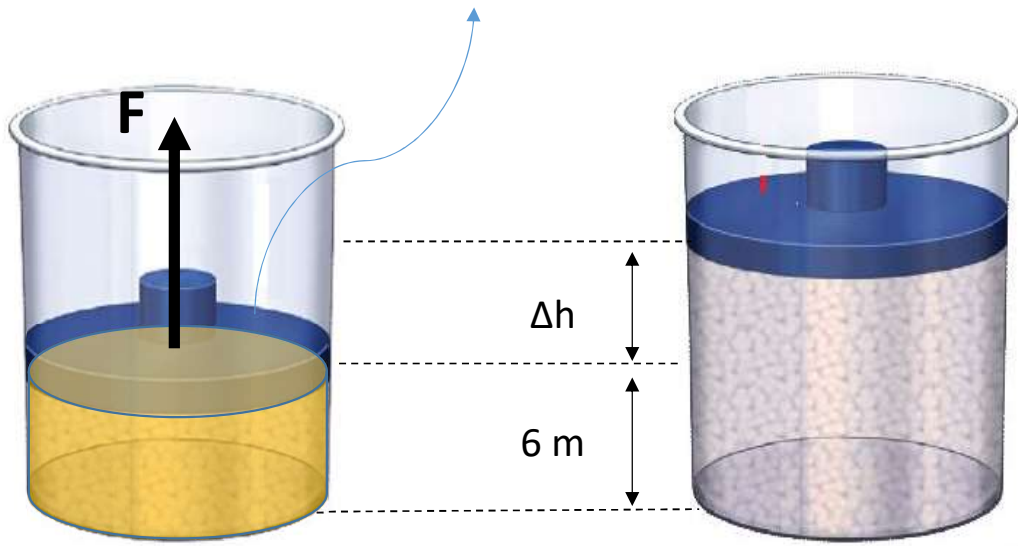
$$R = 8 \text{ J/mol.K}$$

$$m_{\text{êmbolo}} = 100 \text{ kg}$$

$$A_{\text{êmbolo}} = 10^{-2} \text{ m}^2$$

$$g = 10 \text{ m/s}^2$$

Êmbolo em movimento uniforme \Rightarrow Processo isobárico (P cte) : $P_i = P_f$



$$T_i = 27^\circ\text{C} = 300 \text{ K}$$

$$P_i = ?$$

$$V_i = 6 \cdot 10^{-2} \text{ m}^3$$

$$T_f = 127^\circ\text{C} = 400 \text{ K}$$

$$P_f = ?$$

$$V_f = ?$$

$$P_i \cdot V_i = nRT_i \Rightarrow P_i = \frac{nRT_i}{V_i}$$

$$P_i = \frac{5 \cdot 8 \cdot 300}{6 \cdot 10^{-2}} = 200000 = 2 \cdot 10^5 \text{ N/m}^2$$

$$F = \text{pressão} \times A$$

$$F = 200000 \frac{\text{N}}{\text{m}^2} \cdot 10^{-2} \text{ m}^2$$

$$F = 2000 \text{ N}$$

I. A intensidade da força vertical que o gás exerce sobre o êmbolo vale:

Método II

$$n = 5 \text{ mols}$$

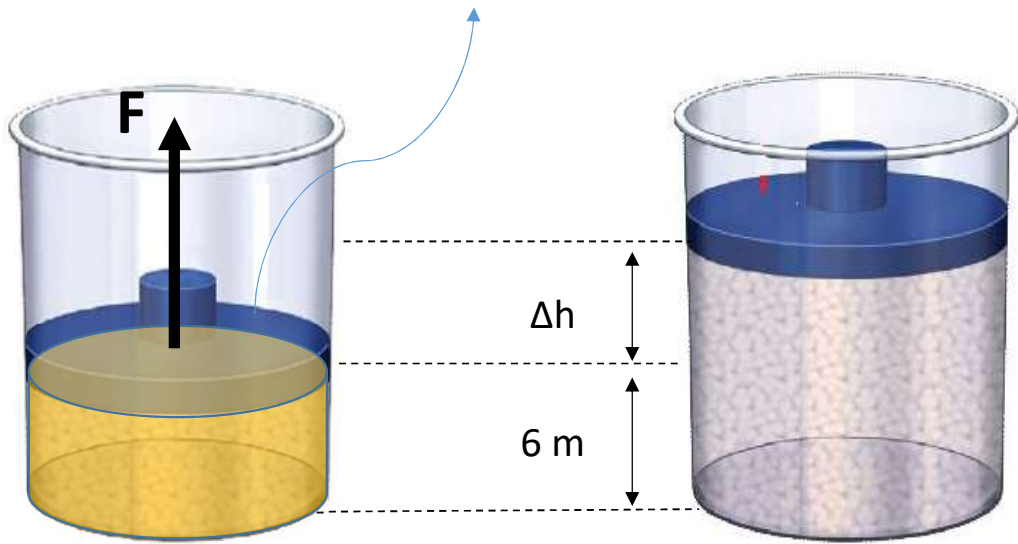
$$R = 8 \text{ J/mol.K}$$

$$m_{\text{êmbolo}} = 100 \text{ kg}$$

$$A_{\text{êmbolo}} = 10^{-2} \text{ m}^2$$

$$g = 10 \text{ m/s}^2 \quad P_{\text{atm}} = 10^5 \text{ N/m}^2$$

Êmbolo em movimento uniforme \Rightarrow Processo isobárico (P cte) : $P_i = P_f$



$$T_i = 27^\circ\text{C} = 300 \text{ K}$$

$$P_i = ?$$

$$V_i = ?$$

$$T_f = 127^\circ\text{C} = 400 \text{ K}$$

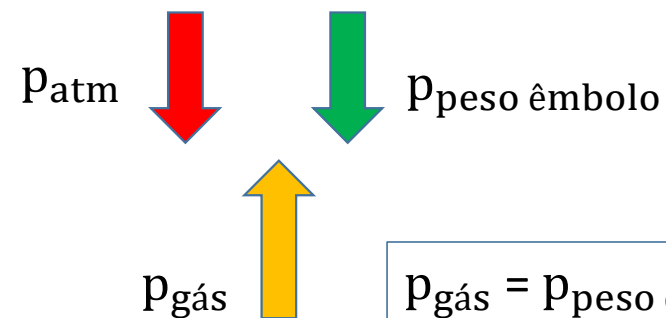
$$P_f = ?$$

$$V_f = ?$$

Planejamento

$$\text{Pressão} = \frac{F}{A} \left(\frac{\text{N}}{\text{m}^2} \right) \Rightarrow F = \text{pressão} \times A$$

“o êmbolo permanece em equilíbrio, a 6 m de altura”



$$p_{\text{gás}} = p_{\text{peso êmbolo}} + p_{\text{atm}}$$

I. A intensidade da força vertical que o gás exerce sobre o êmbolo vale:

Método II

$$n = 5 \text{ mols}$$

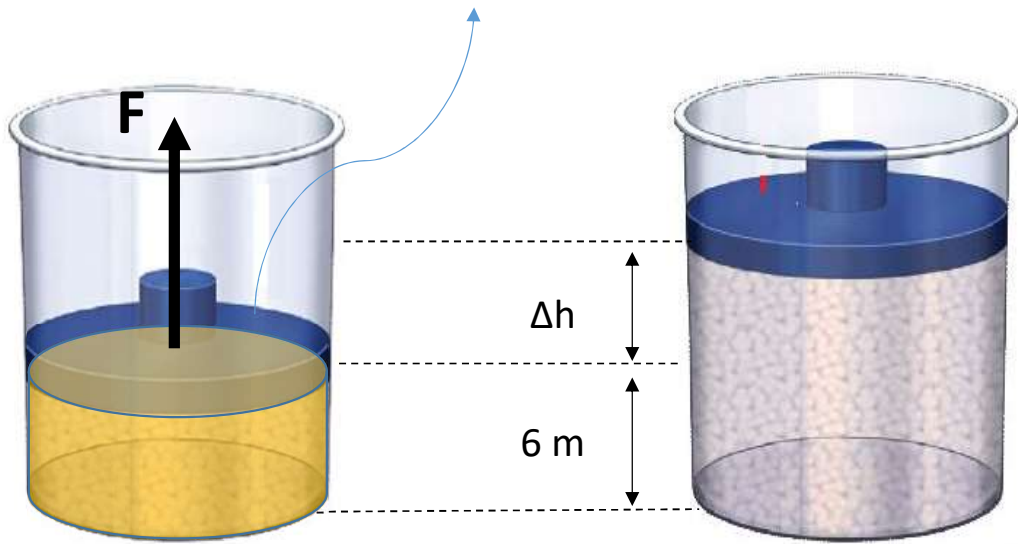
$$R = 8 \text{ J/mol.K}$$

$$m_{\text{êmbolo}} = 100 \text{ kg}$$

$$A_{\text{êmbolo}} = 10^{-2} \text{ m}^2$$

$$g = 10 \text{ m/s}^2 \quad P_{\text{atm}} = 10^5 \text{ N/m}^2$$

Êmbolo em movimento uniforme \Rightarrow Processo isobárico (P cte) : $P_i = P_f$



$$T_i = 27^\circ\text{C} = 300 \text{ K}$$

$$P_i = ?$$

$$V_i = ?$$

$$T_f = 127^\circ\text{C} = 400 \text{ K}$$

$$P_f = ?$$

$$V_f = ?$$

$$\text{Pressão} = \frac{F}{A} \left(\frac{\text{N}}{\text{m}^2} \right) \Rightarrow F = \text{pressão} \times A$$

$$p_{\text{gás}} = p_{\text{peso êmbolo}} + p_{\text{atm}}$$

$$\frac{F}{A} = \frac{\text{peso}}{A} + p_{\text{atm}}$$

$$\frac{F}{10^{-2}} = \frac{1000}{10^{-2}} + 10^5$$

$$\frac{F}{10^{-2}} = 10^5 + 10^5 = 2 \cdot 10^5$$

$$F = 2000 \text{ N}$$

II. O trabalho realizado pela força de pressão do gás nessa transformação vale:

Método I

$$n = 5 \text{ mols}$$

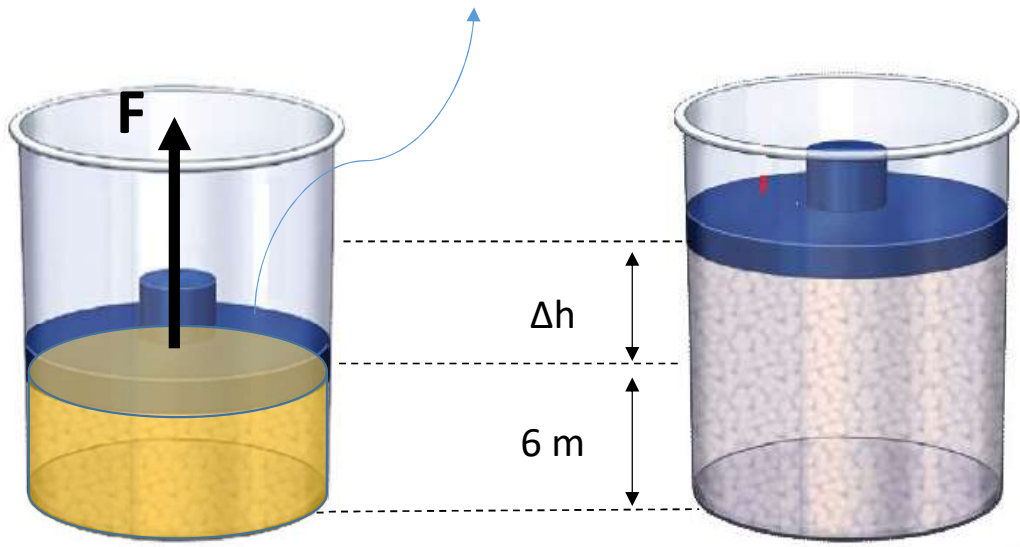
$$R = 8 \text{ J/mol.K}$$

$$m_{\text{êmbolo}} = 100 \text{ kg}$$

$$A_{\text{êmbolo}} = 10^{-2} \text{ m}^2$$

$$g = 10 \text{ m/s}^2$$

Êmbolo em movimento uniforme \Rightarrow Processo isobárico (P cte) : $P_i = P_f$



$$T_i = 27^\circ\text{C} = 300 \text{ K}$$

$$T_f = 127^\circ\text{C} = 400 \text{ K}$$

$$P_i = 2 \cdot 10^5 \text{ N/m}^2$$

$$P_f = 2 \cdot 10^5 \text{ N/m}^2$$

$$V_i = 6 \cdot 10^{-2} \text{ m}^3$$

$$V_f = ?$$

Planejamento

$$\tau = p (V_{\text{final}} - V_{\text{inicial}})$$

$$\frac{P_f V_f}{T_f} = \frac{P_i V_i}{T_i}$$

II. O trabalho realizado pela força de pressão do gás nessa transformação vale:

Método I

$$n = 5 \text{ mols}$$

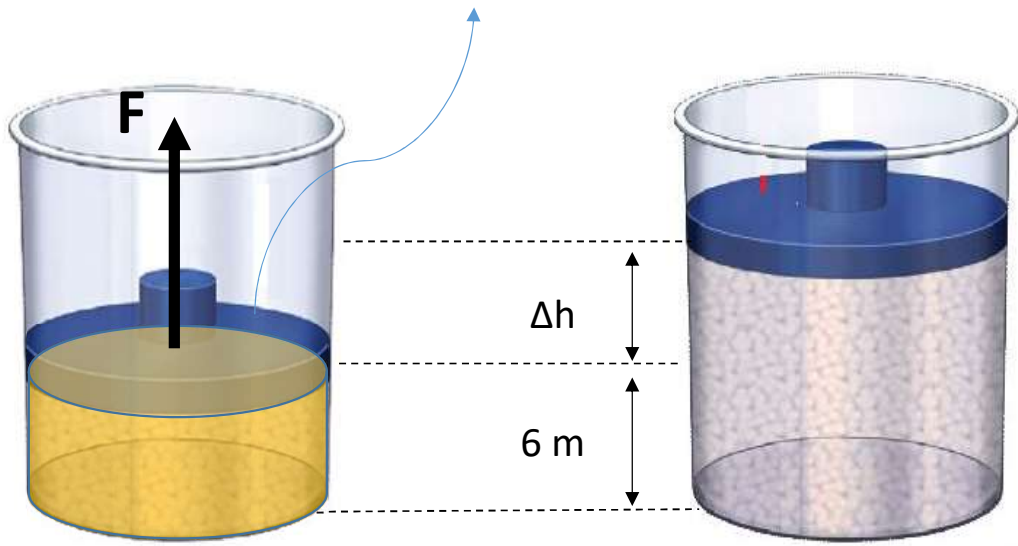
$$R = 8 \text{ J/mol.K}$$

$$m_{\text{êmbolo}} = 100 \text{ kg}$$

$$A_{\text{êmbolo}} = 10^{-2} \text{ m}^2$$

$$g = 10 \text{ m/s}^2$$

Êmbolo em movimento uniforme \Rightarrow Processo isobárico (P cte) : $P_i = P_f$



$$T_i = 27^\circ\text{C} = 300 \text{ K}$$

$$T_f = 127^\circ\text{C} = 400 \text{ K}$$

$$P_i = 2 \cdot 10^5 \text{ N/m}^2$$

$$P_f = 2 \cdot 10^5 \text{ N/m}^2$$

$$V_i = 6 \cdot 10^{-2} \text{ m}^3$$

$$V_f = ?$$

$$\frac{P_f V_f}{T_f} = \frac{P_i V_i}{T_i}$$

$$\frac{V_f}{400} = \frac{6 \cdot 10^{-2}}{300}$$

$$V_f = 8 \cdot 10^{-2} \text{ m}^3$$

II. O trabalho realizado pela força de pressão do gás nessa transformação vale:

Método I

$$n = 5 \text{ mols}$$

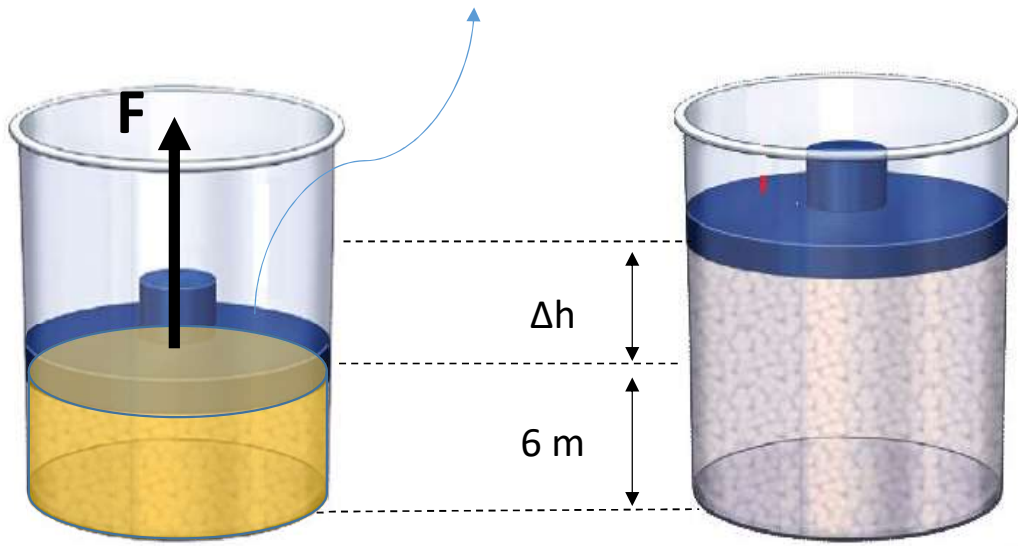
$$R = 8 \text{ J/mol.K}$$

$$m_{\text{êmbolo}} = 100 \text{ kg}$$

$$A_{\text{êmbolo}} = 10^{-2} \text{ m}^2$$

$$g = 10 \text{ m/s}^2$$

Êmbolo em movimento uniforme \Rightarrow Processo isobárico (P cte) : $P_i = P_f$



$$T_i = 27^\circ\text{C} = 300 \text{ K}$$

$$T_f = 127^\circ\text{C} = 400 \text{ K}$$

$$P_i = 2 \cdot 10^5 \text{ N/m}^2$$

$$P_f = 2 \cdot 10^5 \text{ N/m}^2$$

$$V_i = 6 \cdot 10^{-2} \text{ m}^3$$

$$V_f = ?$$

$$V_f = 8 \cdot 10^{-2} \text{ m}^3$$

$$\tau = p (V_{\text{final}} - V_{\text{inicial}})$$

$$\tau = 2 \cdot 10^5 \cdot (8 \cdot 10^{-2} - 6 \cdot 10^{-2})$$

$$\tau = 2 \cdot 10^5 \cdot (2 \cdot 10^{-2})$$

$$\tau = 4000 \text{ J}$$

II. O trabalho realizado pela força de pressão do gás nessa transformação vale:

Método II

$$n = 5 \text{ mols}$$

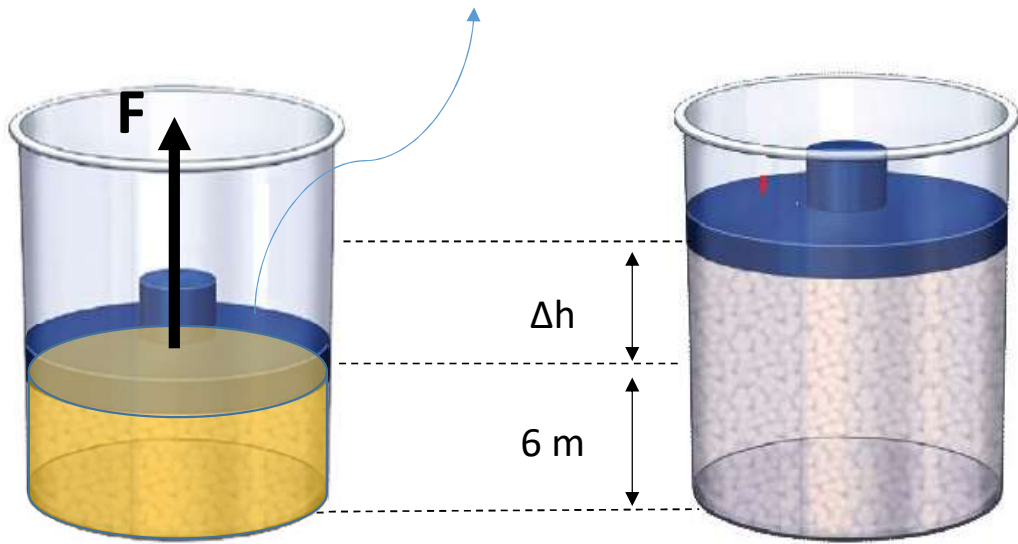
$$R = 8 \text{ J/mol.K}$$

$$m_{\text{êmbolo}} = 100 \text{ kg}$$

$$A_{\text{êmbolo}} = 10^{-2} \text{ m}^2$$

$$g = 10 \text{ m/s}^2$$

Êmbolo em movimento uniforme → Processo isobárico (P cte) : $P_i = P_f$



$$T_i = 27^\circ\text{C} = 300 \text{ K}$$

$$P_i = 2 \cdot 10^5 \text{ N/m}^2$$

$$V_i = 6 \cdot 10^{-2} \text{ m}^3$$

$$T_f = 127^\circ\text{C} = 400 \text{ K}$$

$$P_f = 2 \cdot 10^5 \text{ N/m}^2$$

$$V_f = ?$$

$$\tau = p (V_{\text{final}} - V_{\text{inicial}})$$

$$P \cdot V_f = nRT_f$$

$$- P \cdot V_i = nRT_i$$

$$P \cdot V_f - P \cdot V_i = nRT_f - nRT_i$$

$$P (V_f - V_i) = nR(T_f - T_i)$$

$$\tau = nR(T_f - T_i)$$

$$\tau = 5.8 (400 - 300)$$

$$\tau = 4000 \text{ J}$$

7. (FUVEST) Um mol de um gás ideal monoatômico é resfriado adiabaticamente de uma temperatura inicial T_1 até uma temperatura final $T_1/3$. Com base nessas informações, responda:

- a) O gás sofreu expansão ou compressão ao final do processo? Justifique sua resposta.
- b) Encontre o valor do trabalho realizado pelo gás nesse processo em termos da constante universal dos gases ideais R e de T_1 .
- c) Encontre a razão entre as pressões final e inicial do gás após o processo.

Note e adote:

Em um processo adiabático, não há troca de calor com o ambiente.

Energia interna por mol de um gás ideal monoatômico: $U = \frac{3}{2}RT$.

Para o processo adiabático em questão, vale a relação $P \cdot V^{\frac{5}{3}} = \text{constante}$.

7. (FUVEST) Um mol de um gás ideal monoatômico é resfriado adiabaticamente de uma temperatura inicial T_1 até uma temperatura final $T_1/3$. Com base nessas informações, responda:

a) O gás sofreu expansão ou compressão ao final do processo? Justifique sua resposta.

$$\Delta U = \cancel{Q} - \tau$$

$$T \text{ diminui} \rightarrow U \text{ diminui} \rightarrow \Delta U = U_f - U_i \rightarrow \Delta U < 0$$

$$\Delta U = -\tau$$

$$\tau = -\Delta U$$

$$\tau = p_{cte} \cdot (V_f - V_i) > 0$$

$$(+) = -(-)$$

Se o trabalho é positivo, o volume ocupado pela amostra aumentou. O gás sofreu expansão.

Note e adote:

Em um processo adiabático, não há troca de calor com o ambiente.

Energia interna por mol de um gás ideal monoatômico: $U = \frac{3}{2}RT$.

Para o processo adiabático em questão, vale a relação $P \cdot V^{\frac{5}{3}} = \text{constante}$.

7. (FUVEST) Um mol de um gás ideal monoatômico é resfriado adiabaticamente de uma temperatura inicial T_1 até uma temperatura final $T_1/3$. Com base nessas informações, responda:

b) Encontre o valor do trabalho realizado pelo gás nesse processo em termos da constante universal dos gases ideais R e de T_1 .

$$\Delta U = \cancel{Q} - \tau$$

$$\Delta U = -\tau$$

$$\tau = -\Delta U$$

$$\tau = -\Delta U = \frac{3}{2} R \cdot \Delta T$$

$$\tau = -\frac{3}{2} R \cdot \Delta T$$

$$\tau = -\frac{3}{2} R \cdot \left(\frac{T_1}{3} - T_1\right)$$

$$\tau = -\frac{3}{2} R \cdot \left(-\frac{2T_1}{3}\right)$$

$$\tau = R \cdot T_1$$

Note e adote:

Em um processo adiabático, não há troca de calor com o ambiente.

Energia interna por mol de um gás ideal monoatômico: $U = \frac{3}{2}RT$.

Para o processo adiabático em questão, vale a relação $P \cdot V^{\frac{5}{3}} = \text{constante}$.

7. (FUVEST) Um mol de um gás ideal monoatômico é resfriado adiabaticamente de uma temperatura inicial T_1 até uma temperatura final $T_1/3$. Com base nessas informações, responda:

c) Encontre a razão entre as pressões final e inicial do gás após o processo.

$$p_f \cdot V_f^{\frac{5}{3}} = p_i \cdot V_i^{\frac{5}{3}} \quad \rightarrow \quad \frac{p_f}{p_i} = \sqrt[3]{\left(\frac{3p_f}{p_i}\right)^5}$$

$$\frac{p_f}{p_i} = \left(\frac{V_i}{V_f}\right)^{\frac{5}{3}} \quad \frac{p_f}{p_i} = \sqrt[3]{\left(\frac{3p_f}{p_i}\right)^3 \cdot \left(\frac{3p_f}{p_i}\right)^2}$$

$$\frac{p_f}{p_i} = \left(\frac{3p_f}{p_i}\right)^{\frac{5}{3}} \quad \frac{p_f}{p_i} = \sqrt[3]{\left(\frac{3p_f}{p_i}\right)^3 \cdot \left(\frac{3p_f}{p_i}\right)^2}$$

$$p_i \cdot V_i = n \cdot R \cdot T_1 \quad \rightarrow \quad V_i = \frac{n \cdot R \cdot T_1}{p_i}$$

$$p_f \cdot V_f = n \cdot R \cdot \frac{T_1}{3} \quad \rightarrow \quad V_f = \frac{n \cdot R \cdot T_i}{3p_f}$$

$$\frac{V_i}{V_f} = \frac{3p_f}{p_i}$$

Note e adote:

Em um processo adiabático, não há troca de calor com o ambiente.

Energia interna por mol de um gás ideal monoatômico: $U = \frac{3}{2}RT$.

Para o processo adiabático em questão, vale a relação $P \cdot V^{\frac{5}{3}} = \text{constante}$.

7. (FUVEST) Um mol de um gás ideal monoatômico é resfriado adiabaticamente de uma temperatura inicial T_1 até uma temperatura final $T_1/3$. Com base nessas informações, responda:

c) Encontre a razão entre as pressões final e inicial do gás após o processo.

$$p_f \cdot V_f^{\frac{5}{3}} = p_i \cdot V_i^{\frac{5}{3}}$$

$$\frac{p_f}{p_i} = \left(\frac{V_i}{V_f}\right)^{\frac{5}{3}}$$

$$\frac{p_f}{p_i} = \left(\frac{3p_f}{p_i}\right)^{\frac{5}{3}}$$

$$\frac{p_f}{p_i} = \sqrt[3]{\left(\frac{3p_f}{p_i}\right)^5}$$

$$\frac{p_f}{p_i} = \sqrt[3]{\left(\frac{3p_f}{p_i}\right)^3 \cdot \left(\frac{3p_f}{p_i}\right)^2}$$

$$\frac{p_f}{p_i} = \sqrt[3]{\left(\frac{3p_f}{p_i}\right)^3 \cdot \left(\frac{3p_f}{p_i}\right)^2}$$

$$\frac{p_f}{p_i} = \frac{3p_f}{p_i} \sqrt[3]{\left(\frac{3p_f}{p_i}\right)^2}$$

$$1 = 3 \cdot \sqrt[3]{\left(\frac{3p_f}{p_i}\right)^2}$$

$$1 = 27 \cdot \left(\frac{3p_f}{p_i}\right)^2$$

$$1 = 27 \cdot \frac{9p_f^2}{p_i^2}$$

$$\frac{p_f^2}{p_i^2} = \frac{1}{223}$$

$$\frac{p_f}{p_i} = \left(\frac{1}{223}\right)^{\frac{1}{2}}$$

Note e adote:

Em um processo adiabático, não há troca de calor com o ambiente.

Energia interna por mol de um gás ideal monoatômico: $U = \frac{3}{2}RT$.

Para o processo adiabático em questão, vale a relação $P \cdot V^{\frac{5}{3}} = \text{constante}$.

8. Certa massa de gás ideal e monoatômico encontra-se no interior de um recipiente dotado de instrumentos de medida e de um dispositivo que possibilita regular o volume em seu interior. Inicialmente o gás se encontra em um estado termodinâmico A, no qual sua pressão vale $3 \cdot 10^5 \text{ Pa}$ e ocupa um volume de $2 \cdot 10^{-3} \text{ m}^3$.

Então, esse sistema gasoso é submetido a uma sequência de transformações descritas a seguir:

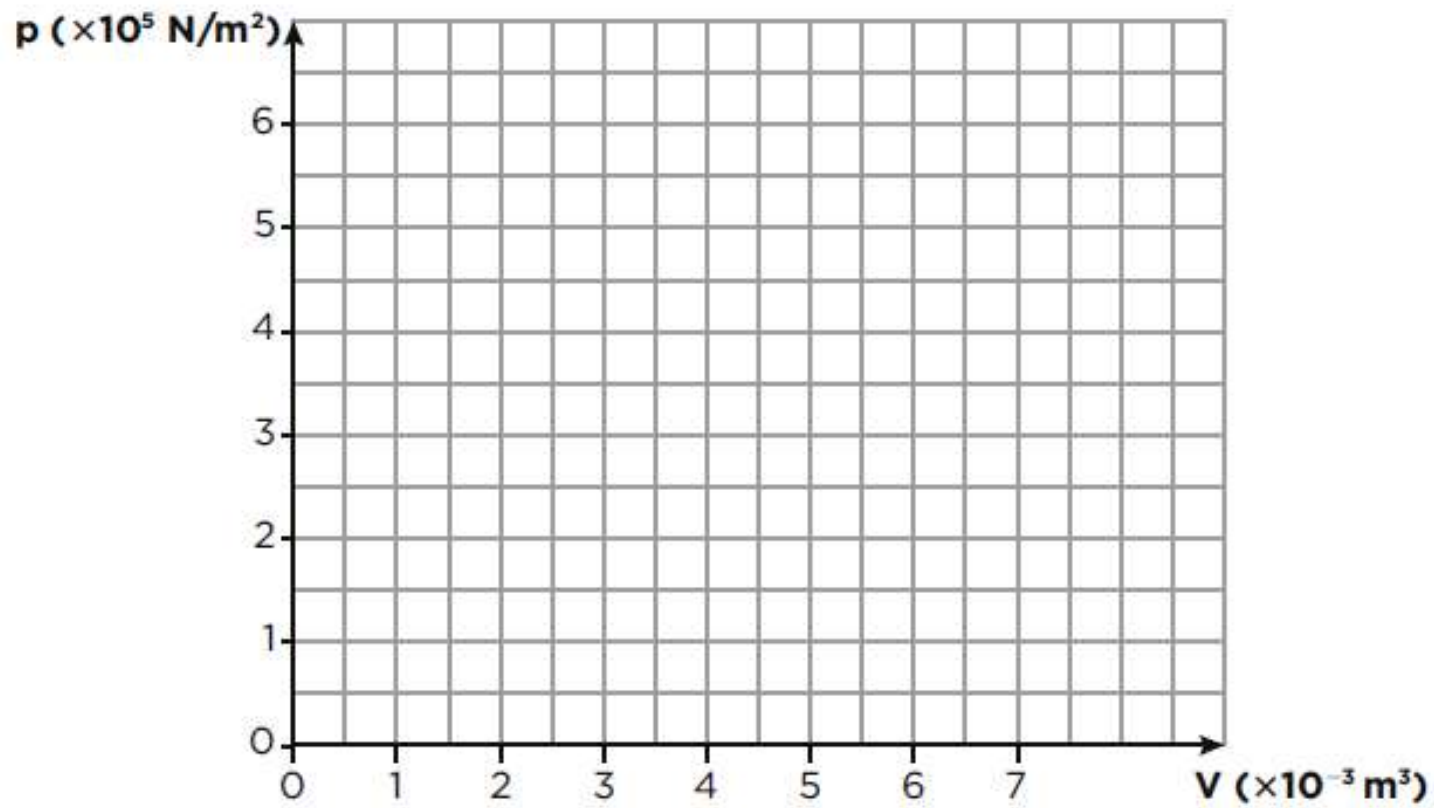
- 1) Do estado A ao estado B, o gás recebe calor e evolui isometricamente, aumentando em 50% sua pressão.
- 2) Do estado B ao estado C, o gás dobra seu volume isobaricamente.
- 3) Finalmente, de C ao estado final D, ele é submetido a uma expansão isotérmica até que atinja a pressão inicial. Nessa transformação, houve realização de trabalho da força de pressão, de módulo igual a 700 J.

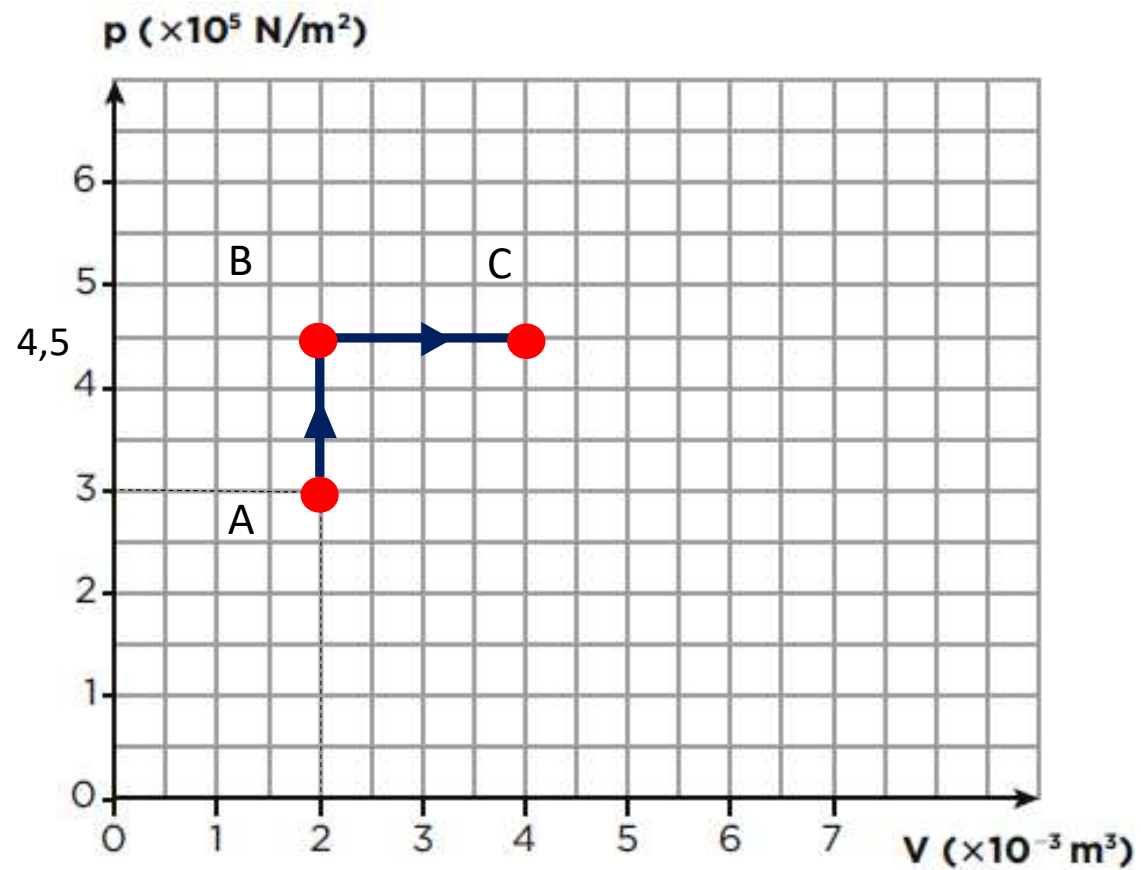
NOTE E ADOTE

$$U = \frac{3}{2} \cdot p \cdot V = \frac{3}{2} \cdot n \cdot R \cdot T$$

Com relação a essa situação, pede-se:

I. Construa, no diagrama $p \times V$, indicado abaixo, o gráfico correspondente a esta série de transformações.



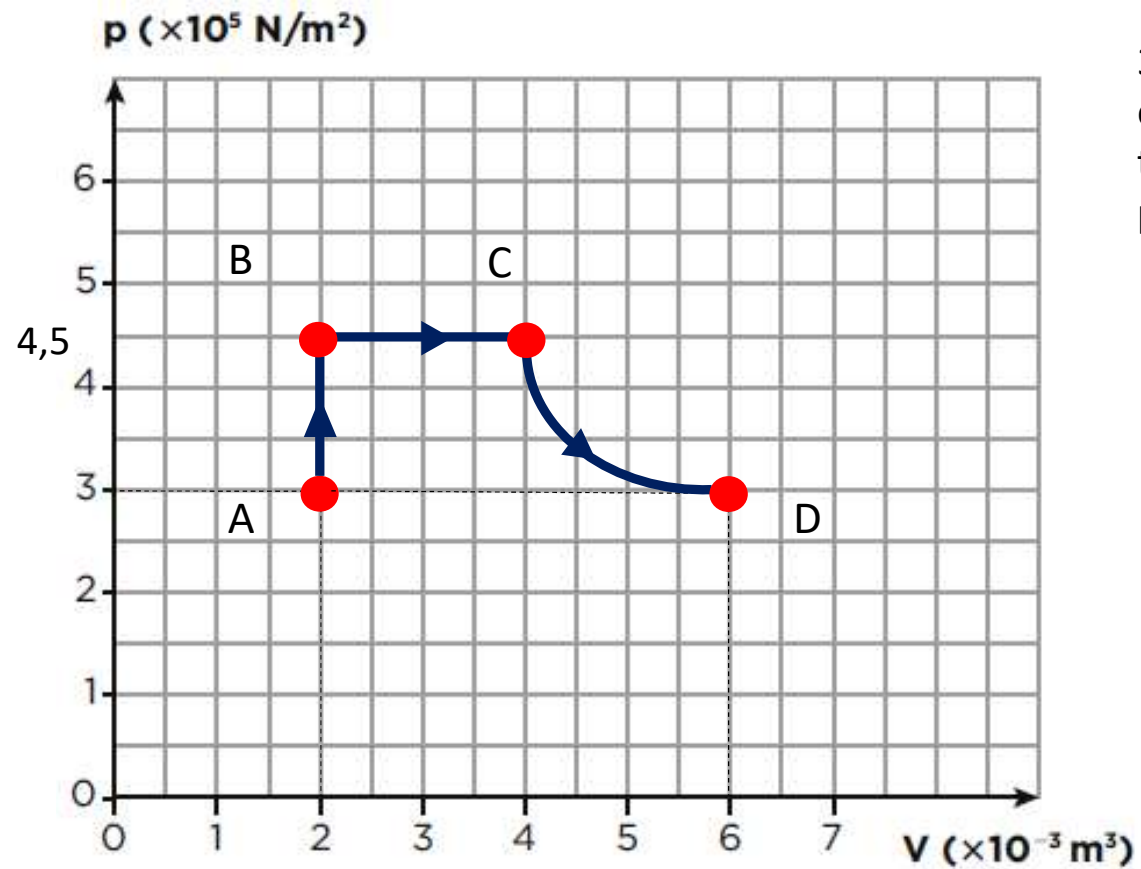


Inicialmente o gás se encontra em um estado termodinâmico A, no qual sua pressão vale $3 \cdot 10^5 \text{ Pa}$ e ocupa um volume de $2 \cdot 10^{-3} \text{ m}^3$.

1) Do estado A ao estado B, o gás recebe calor e evolui isometricamente, aumentando em 50% sua pressão.

2) Do estado B ao estado C, o gás dobra seu volume isobaricamente.

$$\frac{P_D V_D}{T_D} = \frac{P_C V_C}{T_C}$$



3) Finalmente, de C ao estado final D, ele é submetido a uma expansão isotérmica até que atinja a pressão inicial. Nessa transformação, houve realização de trabalho da força de pressão, de módulo igual a 700 J.

$$\begin{aligned} P_C &= 4,5 \cdot 10^5 \text{ Pa} \\ V_C &= 4 \cdot 10^{-3} \text{ m}^3 \\ T_C & \end{aligned}$$

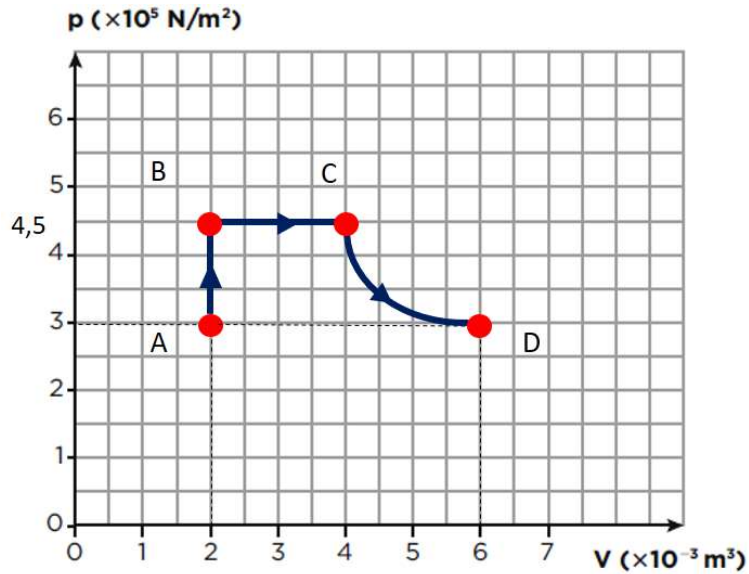
$$\begin{aligned} P_D &= 3 \cdot 10^5 \text{ Pa} \\ V_D &= ? \\ T_D &= T_C \end{aligned}$$

$$\frac{P_D V_D}{T_D} = \frac{P_C V_C}{T_C}$$

$$\frac{3 \cdot 10^5 \cdot V_D}{T_D} = \frac{4,5 \cdot 10^5 \cdot 4 \cdot 10^{-3}}{T_C}$$

$$V_D = 6 \cdot 10^{-3} \text{ m}^3$$

II. A quantidade de calor Q_{AB} que o gás troca durante a transformação de A para B vale:



$$\Delta U = Q - \tau$$

$$Q = \Delta U + \tau$$

$$\tau = p_{cte} \cdot (V_f - V_i)$$

$$Q_{AB} = \Delta U_{AB}$$

$$Q_{AB} = 450 \text{ J}$$

$$U_A = \frac{3}{2} P_A \cdot V_A = \frac{3}{2} \cdot 3 \cdot 10^5 \cdot 2 \cdot 10^{-3} = 900 \text{ J}$$

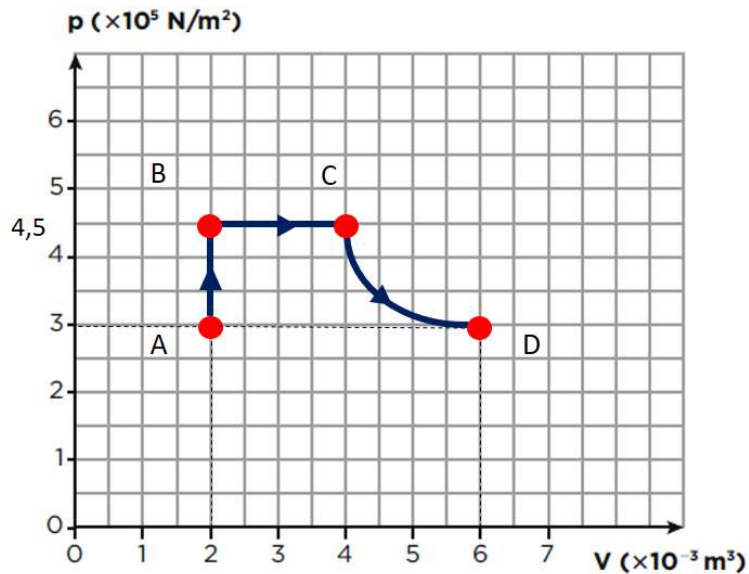
$$U_B = \frac{3}{2} P_B \cdot V_B = \frac{3}{2} \cdot 4,5 \cdot 10^5 \cdot 2 \cdot 10^{-3} = 1350 \text{ J}$$

$$\Delta U = U_f - U_i = 1350 - 900$$

$$\Delta U = U_f - U_i = 450 \text{ J}$$

- a) zero.
- b) 150 J.
- c) 450 J. ←
- d) 600 J.
- e) 900 J.

III. A quantidade de calor Q_{BC} que o gás troca durante a transformação de B para C vale:



$$\Delta U = Q - \tau$$

$$Q = \Delta U + \tau$$

$$Q_{BC} = \Delta U + \tau$$

$$Q_{BC} = 1350 + 900$$

$$Q_{BC} = 2250 \text{ J}$$

$$\tau = p_{\text{cte}} \cdot (V_f - V_i)$$

$$\tau = 4,5 \cdot 10^5 \cdot (4 \cdot 10^{-3} - 2 \cdot 10^{-3})$$

$$\tau = 900 \text{ J}$$

$$U_C = \frac{3}{2} P_C \cdot V_C = \frac{3}{2} \cdot 4,5 \cdot 10^5 \cdot 4 \cdot 10^{-3} = 2700 \text{ J}$$

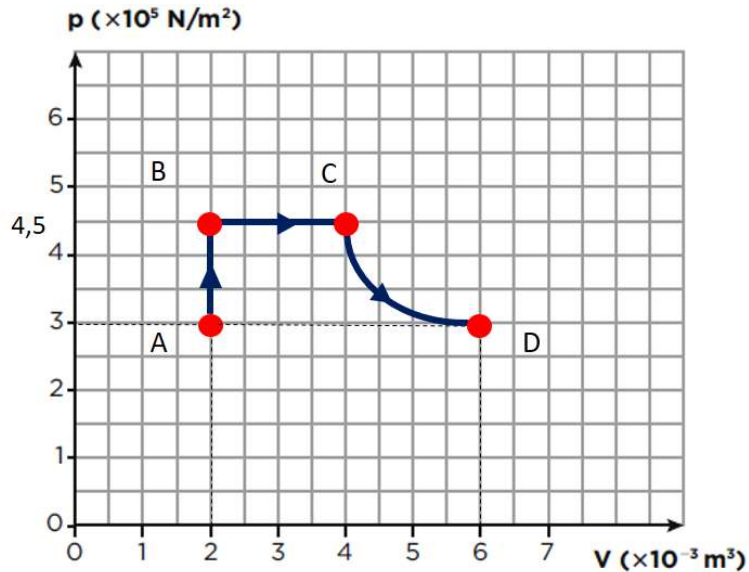
$$U_B = \frac{3}{2} P_B \cdot V_B = \frac{3}{2} \cdot 4,5 \cdot 10^5 \cdot 2 \cdot 10^{-3} = 1350 \text{ J}$$

$$\Delta U = U_f - U_i = 2700 - 1350$$

$$\Delta U = U_f - U_i = 1350 \text{ J}$$

- a) zero.
- b) 450 J.
- c) 800 J.
- d) 1 150 J.
- e) 2 250 J. ←

IV. A quantidade de calor Q_{CD} trocada entre o gás e o meio na transformação isotérmica CD foi de:



- a) zero.
- b) +700 J.
- c) - 700 J.
- d) + 900 J.
- e) - 900 J.



$$\cancel{\Delta U} = Q - \tau$$

$$Q = \tau$$

$$Q_{CD} = \tau$$

$$Q_{CD} = 700 \text{ J}$$

- T cte
- U cte
- $\Delta U = U_f - U_i = 0$

“3) Finalmente, de C ao estado final D, ele é submetido a uma expansão isotérmica até que atinja a pressão inicial. Nessa transformação, houve realização de trabalho da força de pressão, de módulo igual a 700 J.”

$$\tau = + 700 \text{ J}$$

$$\tau = p_{cte} \cdot (V_f - V_i)$$

9. A figura ilustra os diversos processos termodinâmicos a que um gás é submetido em uma máquina térmica. Os processos AB e DE são isocóricos, EA e CD são adiabáticos, e o processo BC é isobárico. Sabendo que a substância de trabalho dessa máquina é um gás ideal, determine a sua eficiência. Os valores marcados no gráfico indicam as quantidades de calor trocadas pelo gás.

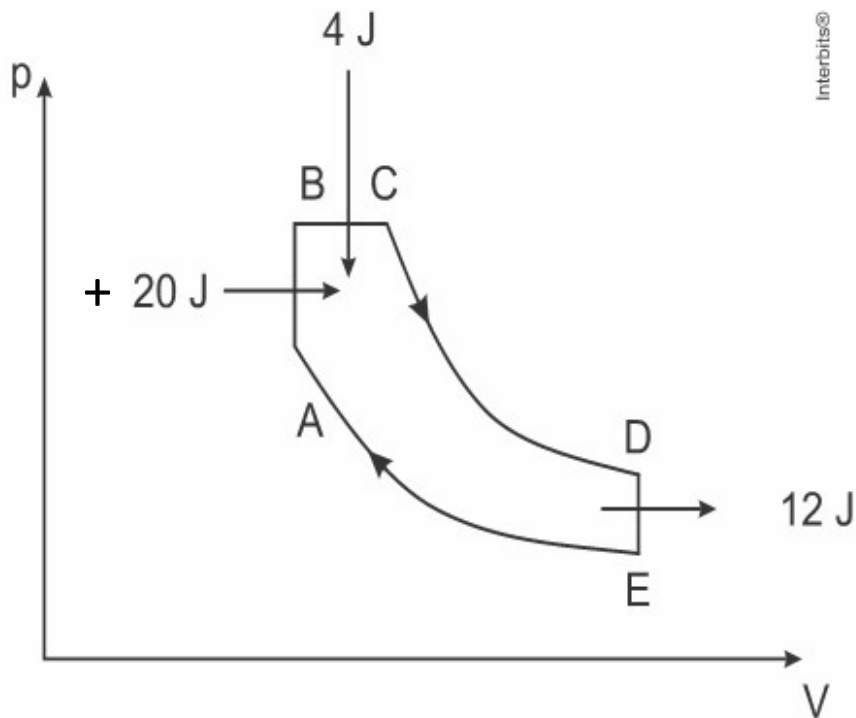
a) 10%

b) 25%

c) 35%

d) 50%

e) 75%



A → B

- $\tau = 0$

$$\tau = p_{cte} \cdot (V_f - V_i)$$

- T aumenta → U aumenta → $\Delta U = U_f - U_i \rightarrow \Delta U > 0$

$$PV = nRT \Rightarrow T = \frac{P}{nR} V_{cte}$$

$$\Delta U = Q - \tau$$

$$Q = \Delta U + \tau$$

$$(+) = (+) + (0)$$

$$Q > 0$$

O gás recebe calor

9. A figura ilustra os diversos processos termodinâmicos a que um gás é submetido em uma máquina térmica. Os processos AB e DE são isocóricos, EA e CD são adiabáticos, e o processo BC é isobárico. Sabendo que a substância de trabalho dessa máquina é um gás ideal, determine a sua eficiência. Os valores marcados no gráfico indicam as quantidades de calor trocadas pelo gás.

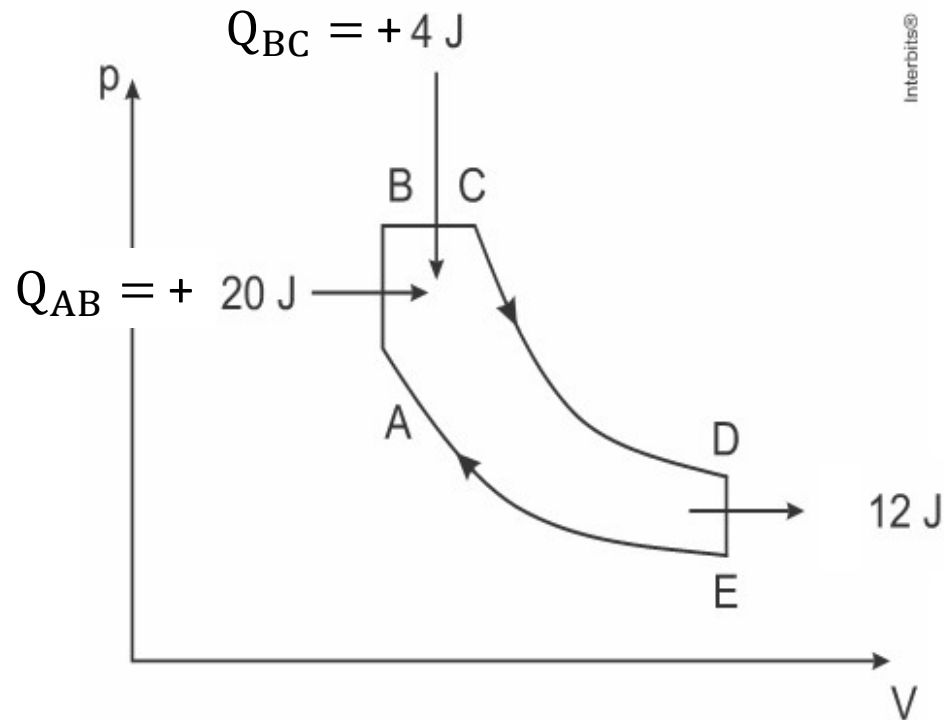
a) 10%

b) 25%

c) 35%

d) 50%

e) 75%



B → C

- $\tau > 0$

$$\tau = p_{cte} \cdot (V_f - V_i)$$

- T aumenta → U aumenta → $\Delta U = U_f - U_i \rightarrow \Delta U > 0$

$$PV = nRT \Rightarrow T = \frac{P}{nR} V_{cte}$$

$$\Delta U = Q - \tau$$

$$Q = \Delta U + \tau$$

$$(+) = (+) + (+)$$

$$Q > 0$$

O gás recebe calor

9. A figura ilustra os diversos processos termodinâmicos a que um gás é submetido em uma máquina térmica. Os processos AB e DE são isocóricos, EA e CD são adiabáticos, e o processo BC é isobárico. Sabendo que a substância de trabalho dessa máquina é um gás ideal, determine a sua eficiência. Os valores marcados no gráfico indicam as quantidades de calor trocadas pelo gás.

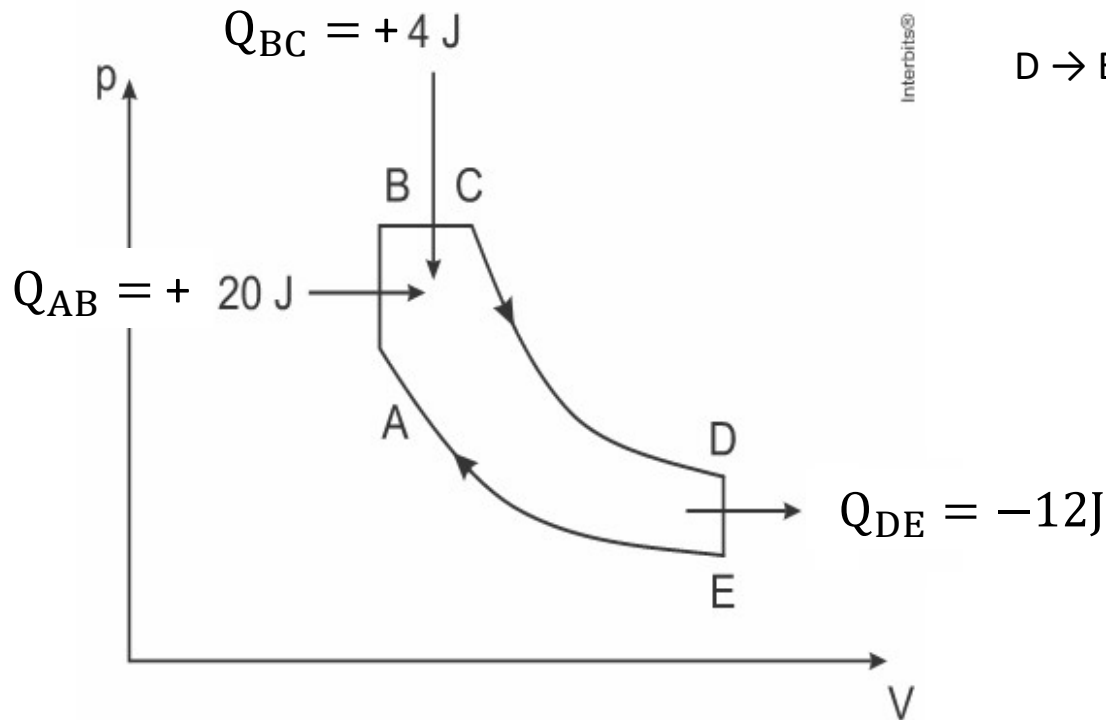
a) 10%

b) 25%

c) 35%

d) 50%

e) 75%



- $\tau = 0$

$$\tau = p_{cte} \cdot (V_f - V_i)$$

- T aumenta \rightarrow U aumenta $\rightarrow \Delta U = U_f - U_i \rightarrow \Delta U < 0$

$$PV = nRT \rightarrow T = \frac{P}{nR} V_{cte}$$

$$\Delta U = Q - \tau$$

$$Q = \Delta U + \tau$$

$$(+) = (-) + (0)$$

$$Q < 0$$

O gás cede calor

9. A figura ilustra os diversos processos termodinâmicos a que um gás é submetido em uma máquina térmica. Os processos AB e DE são isocóricos, EA e CD são adiabáticos, e o processo BC é isobárico. Sabendo que a substância de trabalho dessa máquina é um gás ideal, determine a sua eficiência. Os valores marcados no gráfico indicam as quantidades de calor trocadas pelo gás.

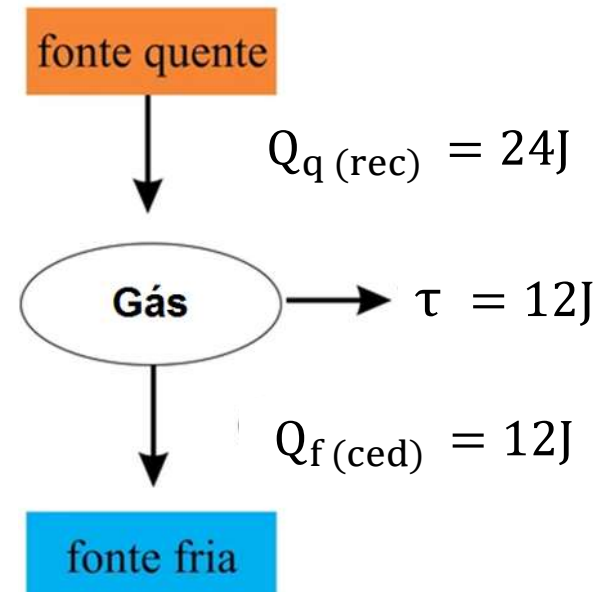
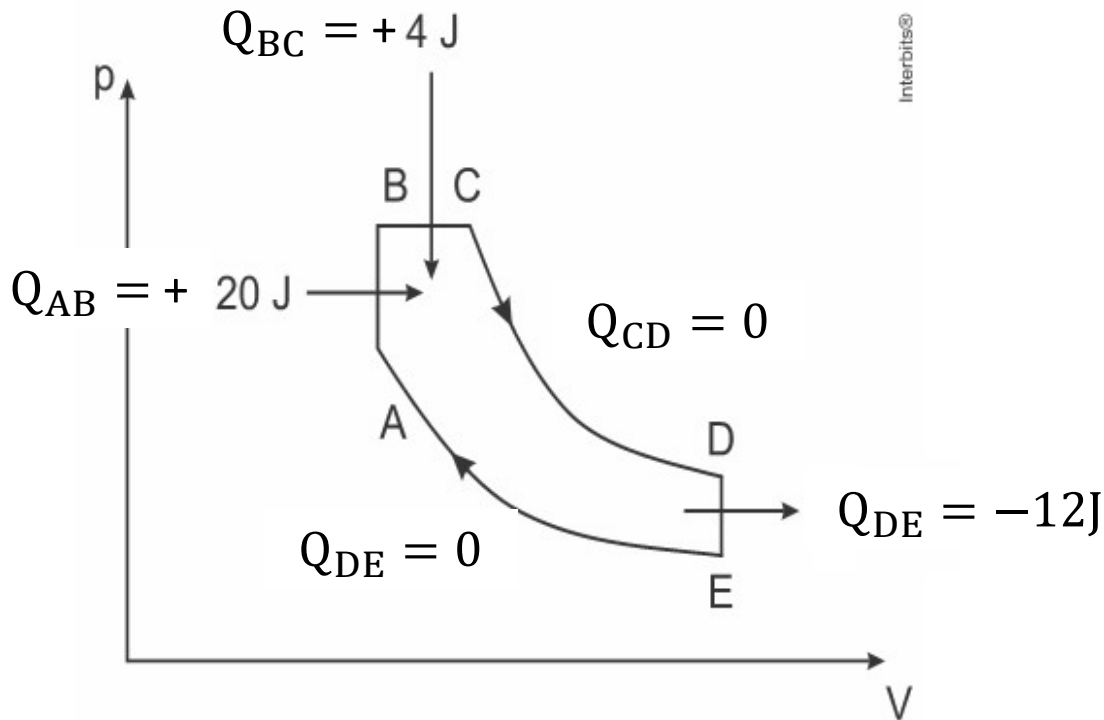
a) 10%

b) 25%

c) 35%

d) 50%

e) 75%



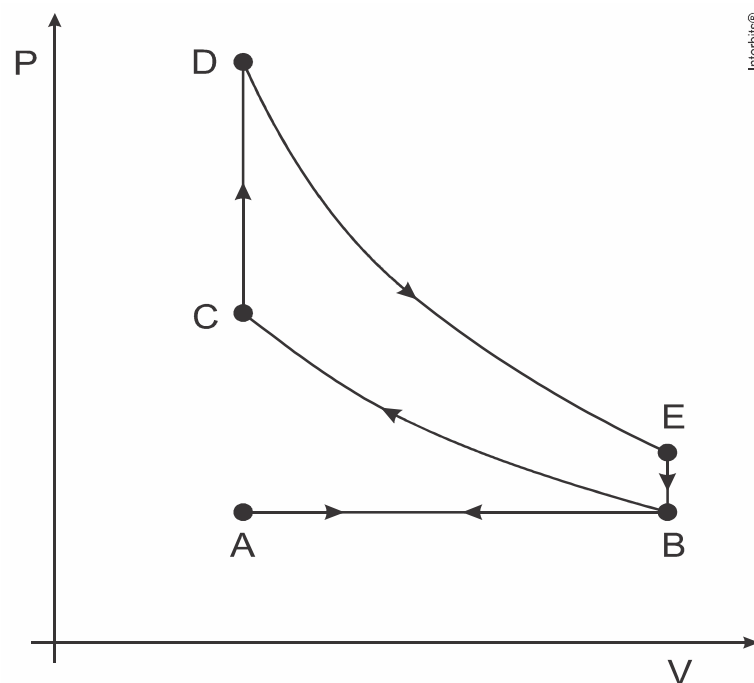
$$n = \frac{|\tau_{\text{útil}}|}{|Q_q|}$$

$$n = \frac{12}{24}$$

$$n = 0,5$$

$$n = 50\%$$

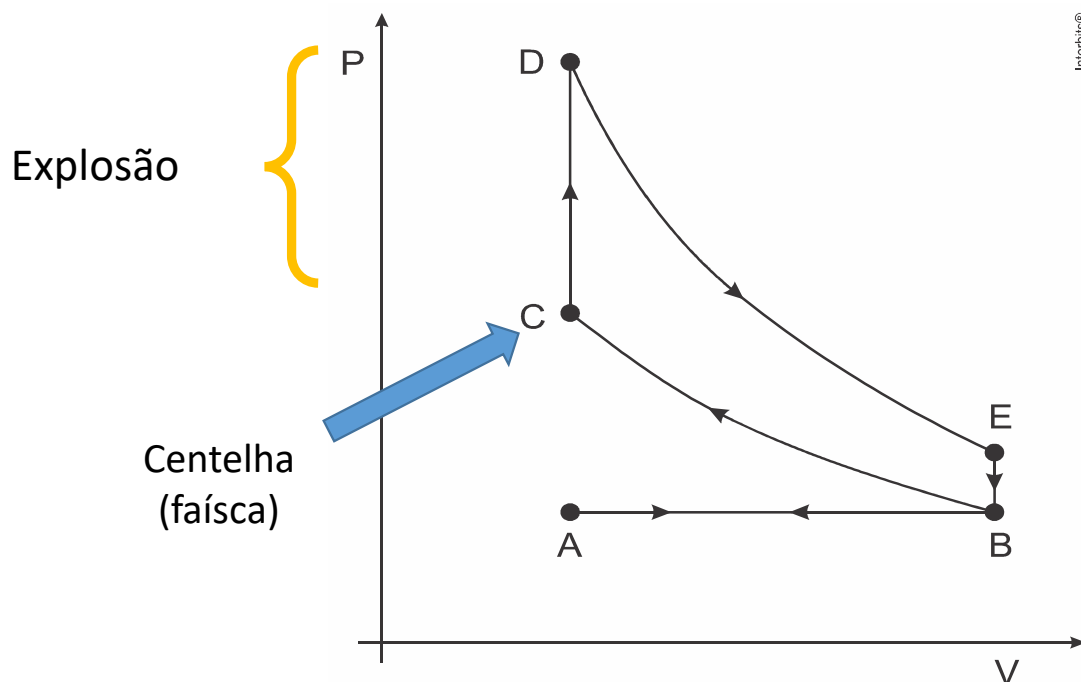
10. (Enem) O motor de combustão interna, utilizado no transporte de pessoas e cargas, é uma máquina térmica cujo ciclo consiste em quatro etapas: admissão, compressão, explosão, expansão e escape. Essas etapas estão representadas no diagrama da pressão em função do volume. Nos motores a gasolina, a mistura ar/combustível entra em combustão por uma centelha elétrica.



Para o motor descrito, em qual ponto do ciclo é produzida a centelha elétrica?

- a) A b) B c) C d) D e) E

10. (Enem) O motor de combustão interna, utilizado no transporte de pessoas e cargas, é uma máquina térmica cujo ciclo consiste em quatro etapas: admissão, compressão, explosão, expansão e escape. Essas etapas estão representadas no diagrama da pressão em função do volume. Nos motores a gasolina, a mistura ar/combustível entra em combustão por uma centelha elétrica.



AB: Admissão

BC: Compressão

Centelha (faísca)

CD: Explosão

DE: Expansão

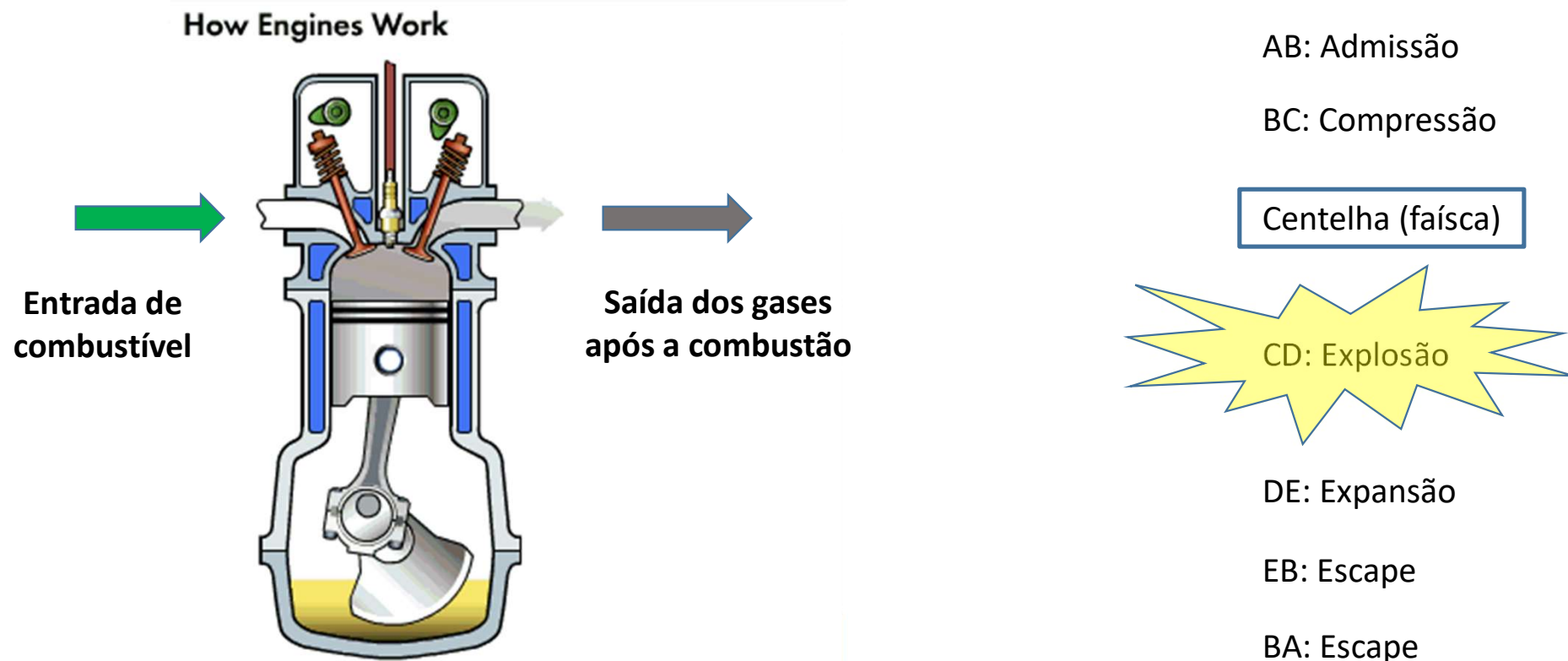
EB: Escape

BA: Escape

Para o motor descrito, em qual ponto do ciclo é produzida a centelha elétrica?

- a) A b) B c) C d) D e) E

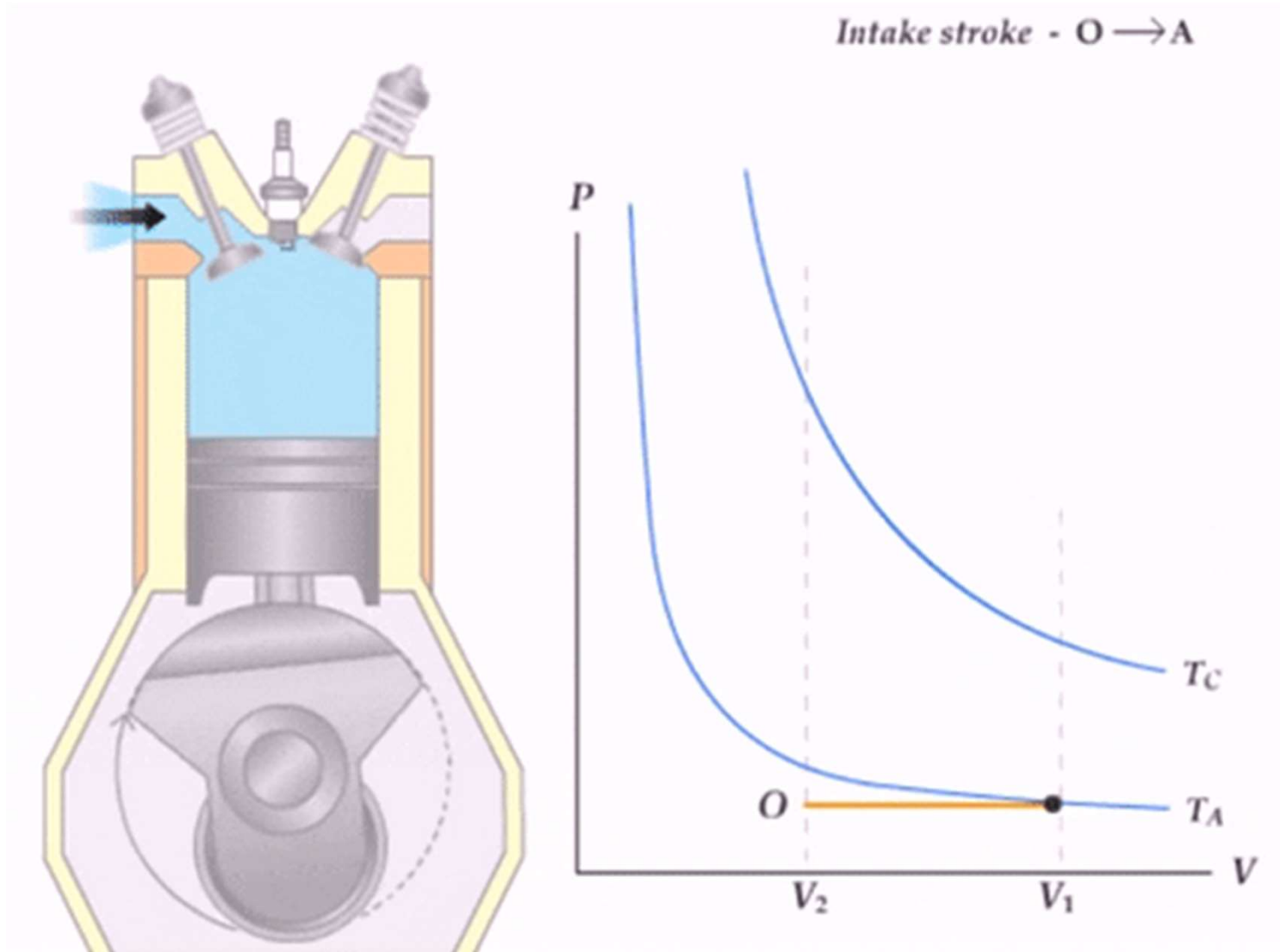
10. (Enem) O motor de combustão interna, utilizado no transporte de pessoas e cargas, é uma máquina térmica cujo ciclo consiste em quatro etapas: admissão, compressão, explosão, expansão e escape. Essas etapas estão representadas no diagrama da pressão em função do volume. Nos motores a gasolina, a mistura ar/combustível entra em combustão por uma centelha elétrica.



Para o motor descrito, em qual ponto do ciclo é produzida a centelha elétrica?

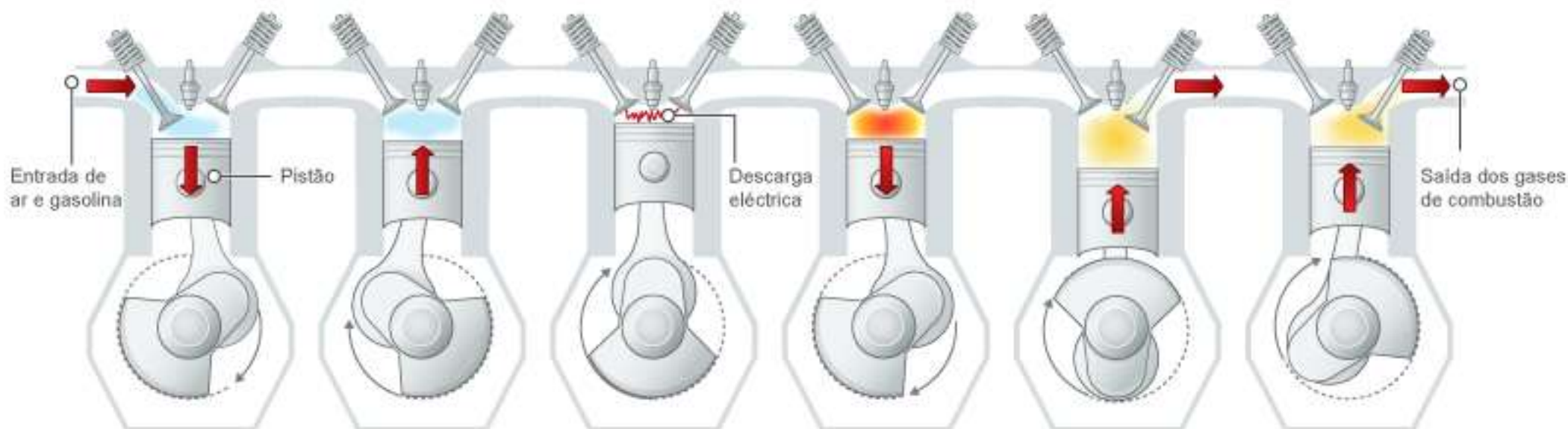
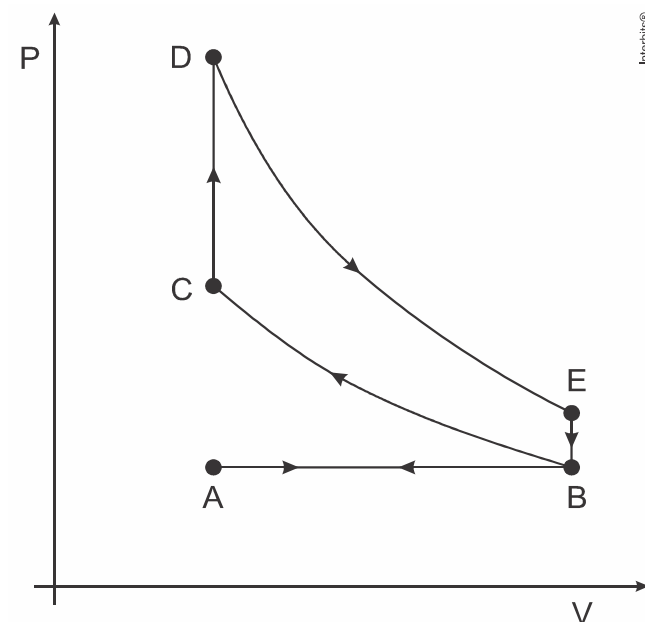
- a) A b) B c) C d) D e) E

Ciclo Otto – motor a gasolina e a álcool



Ciclo Otto – motor a gasolina e a álcool

- AB : admissão – entrada da mistura ar e combustível.
- BC : compressão adiabática da mistura.
- C : ignição (faísca).
- CD: combustão isovolumétrica.
- DE: expansão adiabática.
- EB : Abertura da válvula.
- BA : saída dos gases.



11. (FUVEST 2012) Em uma sala fechada e isolada termicamente, uma geladeira, em funcionamento, tem, num dado instante, sua porta completamente aberta. Antes da abertura dessa porta, a temperatura da sala é maior que a do interior da geladeira. Após a abertura da porta, a temperatura da sala,

- a) diminui até que o equilíbrio térmico seja estabelecido.
- b) diminui continuamente enquanto a porta permanecer aberta.
- c) diminui inicialmente, mas, posteriormente, será maior do que quando a porta foi aberta.
- d) aumenta inicialmente, mas, posteriormente, será menor do que quando a porta foi aberta.
- e) não se altera, pois se trata de um sistema fechado e termicamente isolado