

1. (Ufrgs) Enquanto se expande, um gás recebe o calor $Q=100\text{J}$ e realiza o trabalho $W=70\text{J}$. Ao final do processo, podemos afirmar que a energia interna do gás

- a) aumentou 170 J.
- b) aumentou 100 J.
- c) aumentou 30 J.
- d) diminuiu 70 J.
- e) diminuiu 30 J.

2. (Espcex (Aman) 2020) Um gás ideal é comprimido por um agente externo, ao mesmo tempo em que recebe calor de 300 J de uma fonte térmica.

Sabendo-se que o trabalho do agente externo é de 600 J, então a variação de energia interna do gás é

- a) 900 J.
- b) 600 J.
- c) 400 J.
- d) 500 J.
- e) 300 J.

3. (Espcex (Aman) 2012) Um gás ideal sofre uma compressão isobárica sob a pressão de $4 \cdot 10^3 \text{ N/m}^2$ e o seu volume diminui $0,2 \text{ m}^3$. Durante o processo, o gás perde $1,8 \cdot 10^3 \text{ J}$ de calor. A variação da energia interna do gás foi de:

- a) $1,8 \cdot 10^3 \text{ J}$
- b) $1,0 \cdot 10^3 \text{ J}$
- c) $-8,0 \cdot 10^2 \text{ J}$
- d) $-1,0 \cdot 10^3 \text{ J}$
- e) $-1,8 \cdot 10^3 \text{ J}$

4. (Ufsm) Quando um gás ideal sofre uma expansão isotérmica,

- a) a energia recebida pelo gás na forma de calor é igual ao trabalho realizado pelo gás na expansão.
- b) não troca energia na forma de calor com o meio exterior.
- c) não troca energia na forma de trabalho com o meio exterior.
- d) a energia recebida pelo gás na forma de calor é igual à variação da energia interna do gás.
- e) o trabalho realizado pelo gás é igual à variação da energia interna do gás.

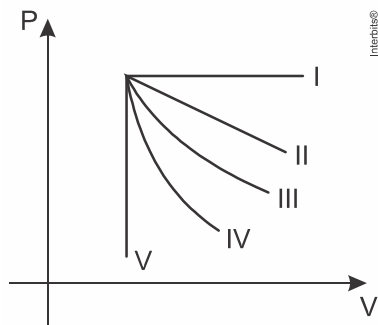
5. (Espcex (Aman) 2017) Durante um experimento, um gás perfeito é comprimido, adiabaticamente, sendo realizado sobre ele um trabalho de 800 J. Em relação ao gás, ao final do processo, podemos afirmar que:

- a) o volume aumentou, a temperatura aumentou e a pressão aumentou.
- b) o volume diminuiu, a temperatura diminuiu e a pressão aumentou.
- c) o volume diminuiu, a temperatura aumentou e a pressão diminuiu.
- d) o volume diminuiu, a temperatura aumentou e a pressão aumentou.
- e) o volume aumentou, a temperatura aumentou e a pressão diminuiu.

6. (Unesp) Um gás ideal, confinado no interior de um pistão com êmbolo móvel, é submetido a uma transformação na qual seu volume é aumentado ao quádruplo do seu volume inicial, em um intervalo de tempo muito curto. Tratando-se de uma transformação muito rápida, não há tempo para a troca de calor entre o gás e o meio exterior. Pode-se afirmar que a transformação é

- a) isobárica, e a temperatura final do gás é maior que a inicial.
- b) isotérmica, e a pressão final do gás é maior que a inicial.
- c) adiabática, e a temperatura final do gás é menor que a inicial.
- d) isobárica, e a energia interna final do gás é menor que a inicial.
- e) adiabática, e a energia interna final do gás é maior que a inicial.

7. (Ufsm) Quando um jogador "dá de bico" na bola, ela fica deformada, enquanto está em contato com a chuteira. O ar dentro da bola tem uma variação de volume num intervalo de tempo muito curto, podendo-se considerar essa variação como adiabática.



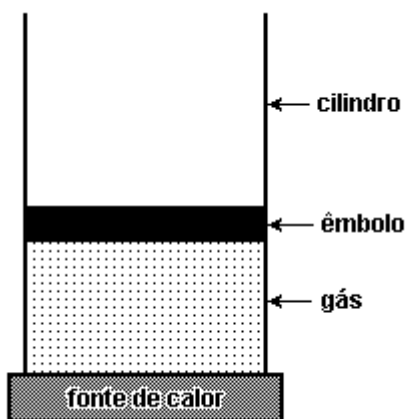
Na figura, as curvas que melhor representam um processo adiabático e um isotérmico de um gás ideal são, respectivamente,

- a) V e IV.
- b) IV e III.
- c) III e II.
- d) II e III.
- e) II e I.

8. (Unesp) Um gás, que se comporta como gás ideal, sofre expansão sem alteração de temperatura, quando recebe uma quantidade de calor $Q = 6 \text{ J}$.

- a) Determine o valor ΔU da variação da energia interna do gás.
- b) Determine o valor do trabalho T realizado pelo gás durante esse processo.

9. (Unifesp) A figura representa uma amostra de um gás, suposto ideal, contida dentro de um cilindro. As paredes laterais e o êmbolo são adiabáticos; a base é diatérmica e está apoiada em uma fonte de calor.



Considere duas situações:

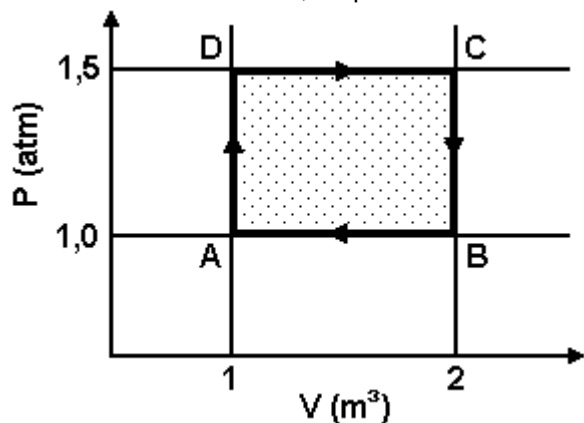
- I. o êmbolo pode mover-se livremente, permitindo que o gás se expanda à pressão constante;
- II. o êmbolo é fixo, mantendo o gás a volume constante.

Suponha que nas duas situações a mesma quantidade de calor é fornecida a esse gás, por meio dessa fonte. Pode-se afirmar que a temperatura desse gás vai aumentar

- a) igualmente em ambas as situações.
- b) mais em I do que em II.
- c) mais em II do que em I.
- d) em I, mas se mantém constante em II.
- e) em II, mas se mantém constante em I.

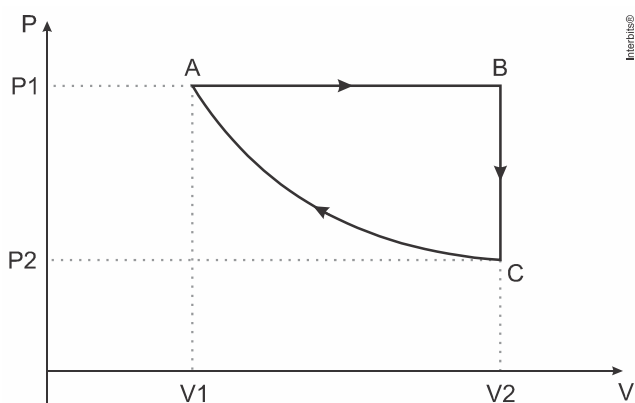
10. (Unicamp) Uma máquina térmica industrial utiliza um gás ideal, cujo ciclo de trabalho é mostrado na figura a seguir. A temperatura no ponto A é 400K.

Utilizando $1\text{atm} = 10^5\text{N/m}^2$, responda os itens a e b.



- a) Qual é a temperatura no ponto C?
- b) Calcule a quantidade de calor trocada pelo gás com o ambiente ao longo de um ciclo.

11. (Fuvest 2021) Um mol de um gás ideal percorre o processo cíclico ABCA em um diagrama P–V, conforme mostrado na figura, sendo que a etapa AB é isobárica, a etapa BC é isocórica e a etapa CA é isotérmica.



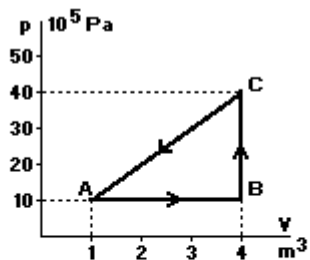
Considere as seguintes afirmações:

- I. O gás libera calor tanto na etapa BC quanto na etapa CA.
- II. O módulo do trabalho realizado pelo gás é não nulo tanto na etapa AB quanto na etapa BC.
- III. O gás tem sua temperatura aumentada tanto na etapa AB quanto na etapa CA.

É correto o que se afirma em:

- a) Nenhuma delas.
- b) Apenas I.
- c) Apenas II.
- d) Apenas III.
- e) Apenas I e II.

12. (Unesp) Um sistema termodinâmico é levado do estado inicial A a outro estado B e depois trazido de volta até A através do estado C, conforme o diagrama p - V da figura a seguir.



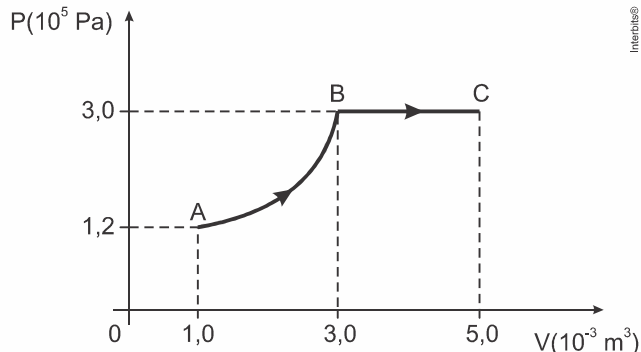
	Q	W	ΔU
A → B			+
B → C	+		
C → A			

a) Complete a tabela atribuindo sinais (+) ou (-) às grandezas termodinâmicas associadas a cada processo. W positivo significa trabalho realizado pelo sistema, Q positivo é calor fornecido ao sistema e ΔU positivo é aumento da energia interna.

b) Calcule o trabalho realizado pelo sistema durante o ciclo completo ABCA.

13. (Unesp) Um mol de gás monoatômico, classificado como ideal, inicialmente à temperatura de 60 °C, sofre uma expansão adiabática, com realização de trabalho de 249 J. Se o valor da constante dos gases R é 8,3 J/(mol K) e a energia interna de um mol desse gás é $(3/2)RT$, calcule o valor da temperatura ao final da expansão.

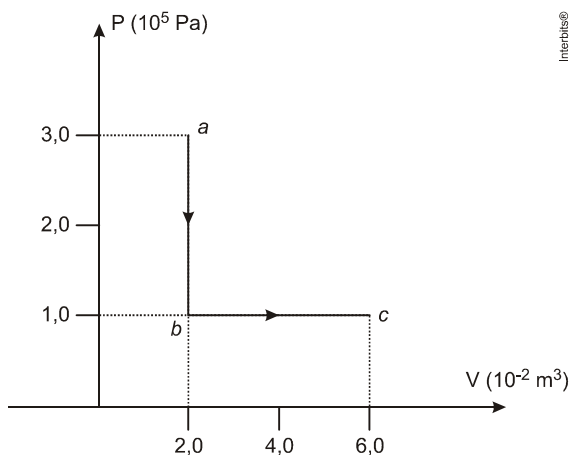
14. (Fac. Albert Einstein - Medicin 2019) Para provocar a transformação gasosa ABC, representada no diagrama P × V, em determinada massa constante de gás ideal, foi necessário fornecer-lhe 1.400 J de energia em forma de calor, dos quais 300 J transformaram-se em energia interna do gás, devido ao seu aquecimento nesse processo.



Considerando não ter havido perda de energia, o trabalho realizado pelas forças exercidas pelo gás no trecho AB dessa transformação foi de

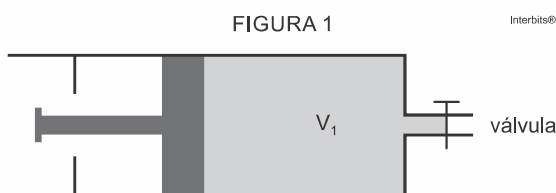
- a) 600 J.
- b) 400 J.
- c) 500 J.
- d) 1.100 J.
- e) 800 J.

15. (Unifesp 2011) Em um trocador de calor fechado por paredes diatérmicas, inicialmente o gás monoatômico ideal é resfriado por um processo isocórico e depois tem seu volume expandido por um processo isobárico, como mostra o diagrama pressão *versus* volume.

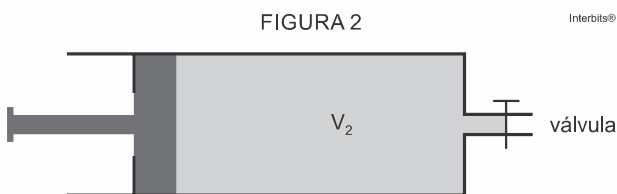


- a) Indique a variação da pressão e do volume no processo isocórico e no processo isobárico e determine a relação entre a temperatura inicial, no estado termodinâmico *a*, e final, no estado termodinâmico *c*, do gás monoatômico ideal.
- b) Calcule a quantidade total de calor trocada em todo o processo termodinâmico *abc*.

16. (Unesp 2017) A figura 1 mostra um cilindro reto de base circular provido de um pistão, que desliza sem atrito. O cilindro contém um gás ideal à temperatura de 300 K, que inicialmente ocupa um volume de $6,0 \times 10^{-3} \text{ m}^3$ e está a uma pressão de $2,0 \times 10^5 \text{ Pa}$.

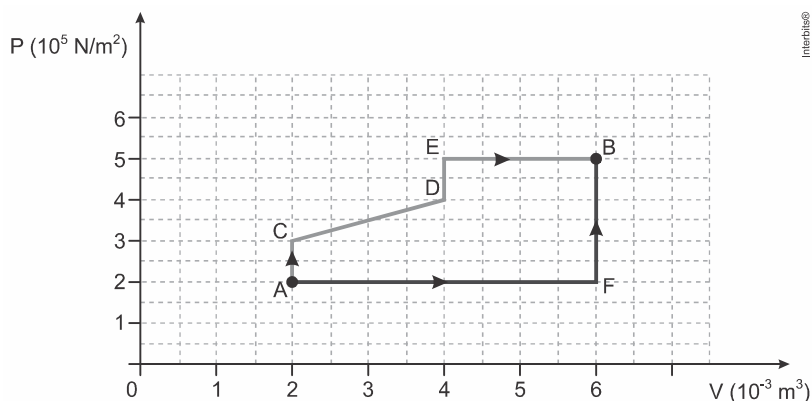


O gás é aquecido, expandindo-se isobaricamente, e o êmbolo desloca-se 10 cm até atingir a posição de máximo volume, quando é travado, conforme indica a figura 2.



Considerando a área interna da base do cilindro igual a $2,0 \times 10^{-2} \text{ m}^2$, determine a temperatura do gás, em kelvin, na situação da figura 2. Supondo que nesse processo a energia interna do gás aumentou de 600 J, calcule a quantidade de calor, em joules, recebida pelo gás. Apresente os cálculos.

17. (Unifesp 2017) Uma massa constante de gás ideal pode ser levada de um estado inicial A a um estado final B por dois processos diferentes, indicados no diagrama $P \times V$.



Para ocorrer, a transformação ACDEB exige uma quantidade Q_1 de calor e a transformação AFB exige uma quantidade Q_2 de calor. Sendo T_A e T_B as temperaturas absolutas do gás nos estados A e B, respectivamente, calcule:

- o valor da razão $\frac{T_B}{T_A}$.
- o valor da diferença $Q_1 - Q_2$, em joules.

18. (Fuvest 2020) Um mol de um gás ideal monoatômico é resfriado adiabaticamente de uma temperatura inicial T_1 até uma temperatura final $T_1/3$.

Com base nessas informações, responda:

- O gás sofreu expansão ou compressão ao final do processo? Justifique sua resposta.
- Encontre o valor do trabalho realizado pelo gás nesse processo em termos da constante universal dos gases ideais R e de T_1 .
- Encontre a razão entre as pressões final e inicial do gás após o processo.

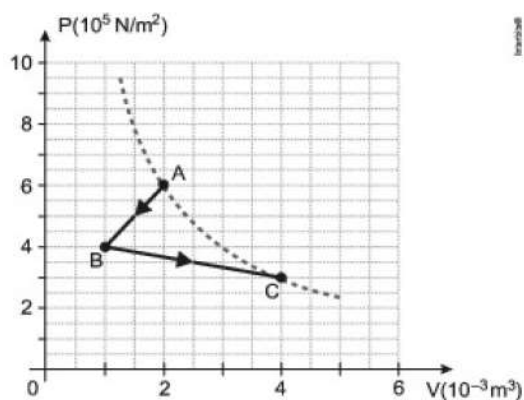
Note e adote:

Em um processo adiabático, não há troca de calor com o ambiente.

Energia interna por mol de um gás ideal monoatômico: $U = 3RT/2$.

Para o processo adiabático em questão, vale a relação $PV^{5/3} = \text{constante}$.

18. (UNIFESP) - Um gás ideal passa pelo processo termodinâmico representado pelo diagrama $P \times V$. O gás, que se encontrava à temperatura de 57°C no estado inicial A, comprime-se até o estado B, pela perda de 1700 J de calor nessa etapa. Em seguida, é levado ao estado final C, quando retorna à temperatura inicial. A linha tracejada representa uma isoterma.



Considerando os valores indicados no gráfico e que a massa do gás tenha permanecido constante durante todo o processo, calcule:

- a temperatura do gás, em graus Celsius, no estado B.
- o calor, em joules, recebido pelo gás de uma fonte externa, quando foi levado do estado B para o estado final C.

Gabarito:**Resposta da questão 1:**

[C]

Resposta da questão 2:

[A]

Aplicando a 1ª lei da Termodinâmica com $\tau < 0$ (pois há compressão do gás), vem:

$$Q = \tau + \Delta U$$

$$300 = -600 + \Delta U$$

$$\therefore \Delta U = 900 \text{ J}$$

Resposta da questão 3:

[D]

Por ser uma compressão, o trabalho realizado pelo gás é negativo:

$$W = p\Delta V = 4 \times 10^3 \times (-0,2) = -8 \times 10^2 \text{ J}$$

O calor é negativo, pois foi perdido pelo gás.

$$Q = -1,8 \times 10^3 \text{ J}$$

Pela Primeira Lei da Termodinâmica, sabemos que:

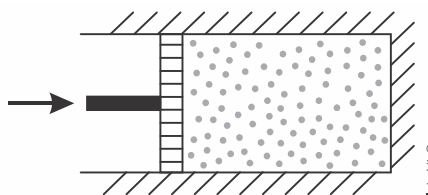
$$\Delta U = Q - W \rightarrow \Delta U = (-1,8 \times 10^3) - (-8 \times 10^2) = -1,0 \times 10^3 \text{ J}$$

Resposta da questão 4:

[A]

Resposta da questão 5:

[D]



Partindo da 1ª Lei da Termodinâmica, tem-se que:

$$\Delta U = Q - \tau \quad (1)$$

sendo ΔU a variação da energia interna do gás, Q o calor inserido no gás e τ o trabalho realizado pelo gás.

Como o processo é adiabático, ou seja, sem troca de calor, $Q = 0 \text{ J}$.

Como o trabalho foi realizado sobre o gás, então $\tau < 0$, ou seja, $\tau = -800 \text{ J}$.

Substituindo-se esses valores na equação 1, tem-se que:

$$\Delta U = 0 - (-800) = 800 \text{ J}$$

$$\Delta U = 800 \text{ J}$$

Para gases perfeitos, é válida a seguinte relação:

$$\Delta U = \frac{3}{2} n R \Delta T \quad (2)$$

sendo n o número de moles do gás, R a constante universal dos gases e ΔT a variação da temperatura do gás.

Como $\Delta U = 800 \text{ J} > 0$, então, pela equação 2, $\Delta T > 0$.

Como o trabalho está sendo realizado sobre o gás, ou seja, o mesmo está sendo comprimido, então $\Delta V < 0$, quer dizer, o gás reduz de volume.

Da equação de Clapeyron para gases perfeitos:

$$pV = n R T \Rightarrow p = \frac{n R T}{V} \quad (3)$$

E considerando que T aumentou ($\Delta T > 0$) e V diminuiu ($\Delta V < 0$), conclui-se da equação 3 que p aumentou ($\Delta p > 0$).

Logo, o volume diminuiu, a temperatura aumentou e a pressão aumentou.

Resposta da questão 6:

[C]

Resposta da questão 7:

[B]

Os processos adiabático e isotérmico são não lineares e logo eliminamos as opções [I], [II] e [V]. Os processos adiabáticos tem trabalho associado inferior ao dos processos isotérmicos e desta forma os diagramas [IV] e [III] são os que melhores atendem, nesta ordem, o solicitado.

Resposta da questão 8:

- a) $\Delta E = 0$
b) $T = 6 \text{ J}$

Resposta da questão 9:

[C]

Resposta da questão 10:

- a) 1220 K
b) $5 \times 10^4 \text{ J}$

Resposta da questão 11:

[B]

Analisando as afirmativas:

[I] Verdadeira. 1ª Lei da Termodinâmica: $Q = \tau + \Delta U$.

Na etapas BC e CA, temos:

$$\begin{cases} \Delta V_{BC} = 0 \Rightarrow \tau_{BC} = 0 \\ \Delta T_{BC} < 0 \Rightarrow \Delta U_{BC} < 0 \end{cases} \Rightarrow Q_{BC} < 0$$

$$\begin{cases} \Delta V_{CA} < 0 \Rightarrow \tau_{CA} < 0 \\ \Delta T_{CA} = 0 \Rightarrow \Delta U_{CA} = 0 \end{cases} \Rightarrow Q_{CA} < 0$$

Logo, ambas as etapas liberam calor.

[II] Falsa. Pelo item anterior, $\tau_{BC} = 0$.

[III] Falsa. Como CA se dá sobre uma isoterma, $\Delta T_{CA} = 0$.

Resposta da questão 12:

Observe a figura a seguir:

a)

	Q	W	ΔU
A → B	+	+	+
B → C	+	0	+
C → A	-	-	-

b) $4,5 \cdot 10^6 \text{ J}$

Resposta da questão 13:

$$Q = \tau + \Delta U = 0$$

$$\tau + \Delta U = 0$$

$$249 + (3/2) \cdot R \cdot \Delta T = 0$$

$$249 + (3/2) \cdot 8,3 \cdot [T - (60 + 273)] = 0$$

$$249 + 12,45 \cdot [T - (333)] = 0$$

$$12,45 \cdot [T - (333)] = -249$$

$$[T - (333)] = -249/12,45$$

$$T - 333 = -20$$

$$T = 333 - 20 = 313 \text{ K} = 40 \text{ }^\circ\text{C}$$

Resposta da questão 14:

[C]

Da primeira lei da Termodinâmica tem-se a relação entre calor (Q), trabalho (W) e energia interna (ΔU).

$$Q = W + \Delta U$$

Assim, o trabalho total entre ABC é

$$1400 \text{ J} = W_{ABC} + 300 \text{ J} \Rightarrow W_{ABC} = 1100 \text{ J}$$

Para determinar o trabalho entre AB deve-se calcular o trabalho do processo isobárico BC e descontar do trabalho total já obtido.

$$W_{BC} = p \cdot \Delta V = 3,0 \cdot 10^5 \text{ Pa} \cdot (5,0 - 3,0) \cdot 10^{-3} \text{ m}^3$$

$$W_{BC} = 6,0 \cdot 10^2 \text{ J} = 600 \text{ J}$$

Logo, o trabalho do processo AB é:

$$W_{AB} = W_{ABC} - W_{BC} = 1100 \text{ J} - 600 \text{ J} \therefore W_{AB} = 500 \text{ J}$$

Resposta da questão 15:

a) No processo isocórico (volume constante) (a → b):

$$\text{Variação do volume: } \Delta V_{ab} = V_b - V_a = 0$$

$$\text{Variação da pressão: } \Delta P_{ab} = P_b - P_a = (1,0 - 3,0) \times 10^5 \Rightarrow \Delta P_{ab} = -2,0 \times 10^5 \text{ Pa.}$$

No processo isobárico (pressão constante) (b → c):

$$\text{Variação do volume: } \Delta V_{bc} = V_c - V_b = (6,0 - 2,0) \times 10^{-2} \Rightarrow \Delta V_{bc} = 4,0 \times 10^{-2} \text{ m}^3.$$

$$\text{Variação da pressão: } \Delta P_{bc} = P_c - P_b = 0.$$

Aplicando a equação geral dos gases entre os estados a e c.

$$\frac{P_a V_a}{T_a} = \frac{P_c V_c}{T_c} \Rightarrow \frac{3 \times 10^5 \times 2 \times 10^{-2}}{T_a} = \frac{1 \times 10^5 \times 6 \times 10^{-2}}{T_c} \Rightarrow$$

$$\frac{6 \times 10^3}{T_a} = \frac{6 \times 10^3}{T_c} \Rightarrow T_a = T_c \Rightarrow \frac{T_a}{T_c} = 1.$$

b) Sendo **Q** a quantidade de calor trocado, **ΔU** a variação da energia interna e **W** o trabalho realizado entre dois estados, a 1ª lei da termodinâmica nos dá:
 $Q = \Delta U + W.$

Como mostrado no item anterior, a temperatura do gás nos estados *a* e *c* são iguais, portanto a variação da energia interna entre esses dois estados é nula ($\Delta U_{ac} = 0$). Então:
 $Q_{ac} = W_{ac} = W_{ab} + W_{bc}.$

Mas a transformação *ab* é isocórica $\Rightarrow W_{ab} = 0$. Então:
 $Q_{ac} = W_{bc} = P_c (\Delta V_{bc}) = 1,0 \times 10^5 \times 4,0 \times 10^{-2} \Rightarrow$
 $Q_{ac} = 4,0 \times 10^3 \text{ J}.$

Resposta da questão 16:

Dados: $p = 2 \times 10^5 \text{ N/m}^2$; $T_1 = 300\text{K}$; $V_1 = 6 \times 10^{-3} \text{ m}^3$; $d = 10 \text{ cm} = 0,1 \text{ m}$; $A = 2 \times 10^{-2} \text{ m}^2$; $\Delta U = 600\text{J}$.

Temperatura na situação da figura 2:

$$\Delta V = Ad = 2 \times 10^{-2} \times 0,1 \Rightarrow \Delta V = 2 \times 10^{-3} \text{ m}^3$$

$$V_2 = V_1 + \Delta V = 6 \times 10^{-3} + 2 \times 10^{-3} \Rightarrow V_2 = 8 \times 10^{-3} \text{ m}^3.$$

Aplicando a equação geral dos gases para uma transformação isobárica:

$$\frac{V_1}{T_1} = \frac{V_2}{T_2} \Rightarrow \frac{6 \times 10^{-3}}{300} = \frac{8 \times 10^{-3}}{T_2} \Rightarrow T_2 = 400\text{K}.$$

Cálculo do trabalho (**W**) realizado pela força de pressão do gás na expansão:

$$W = p\Delta V = pAd = 2 \times 10^5 \times 2 \times 10^{-2} \times 0,1 \Rightarrow W = 400\text{J}.$$

Aplicando a primeira lei da termodinâmica:

$$Q = \Delta U + W = 600 + 400 \Rightarrow Q = 1000\text{J}.$$

Observação: para o cálculo do calor trocado, se o enunciado não desse a variação da energia interna e especificasse que o gás é monoatômico, uma segunda solução, dada a seguir, seria possível.

Quantidade de calor recebida pelo gás:

Aplicando a 1ª Lei da Termodinâmica: $Q = \Delta U + W$

$$\left\{ \begin{array}{l} W = p\Delta V \\ \Delta U = \frac{3}{2}p\Delta V \end{array} \right\} Q = \Delta U + W = \frac{3}{2}p\Delta V + p\Delta V \Rightarrow Q = \frac{5}{2}p\Delta V = \frac{5}{2} \times 2 \times 10^5 \times 2 \times 10^{-3} \Rightarrow$$

$$Q = 1.000\text{J}.$$

Resposta da questão 17:

Para gases ideais é válida a equação geral dos gases:

$$pV = nRT \quad (1)$$

Como por hipótese a massa do gás é constante, e supondo que sua composição não varia, então:

$$n = \frac{m}{M} = \text{constante}$$

sendo m a massa do gás, M a massa molar e n o número de moles.

Partindo da equação (1) tem-se então que:

$$\frac{pV}{T} = nR = \text{constante} \quad (2)$$

a) Da equação (2) conclui-se que:

$$\frac{p_A V_A}{T_A} = \frac{p_B V_B}{T_B} \quad (3)$$

sendo p_A , V_A e T_A a pressão, o volume e a temperatura absoluta do gás no estado A, respectivamente. E p_B , V_B e T_B a pressão, o volume e a temperatura do gás no estado B, respectivamente.

Por meio de um simples rearranjo algébrico da equação (3), tem-se que:

$$\frac{T_B}{T_A} = \frac{p_B V_B}{p_A V_A} = \frac{5 \times 10^5 \times 6 \times 10^{-3}}{2 \times 10^5 \times 2 \times 10^{-3}} = 7,5$$

b) Da primeira Lei da Termodinâmica, tem-se que:

$$\Delta U = Q\tau$$

sendo ΔU a variação da energia interna do gás, Q o calor trocado com o meio externo, com $Q > 0$ para o calor inserido no sistema e $Q < 0$ para o calor perdido pelo sistema. τ corresponde ao trabalho realizado pelo sistema sobre o meio externo.

Logo, partindo-se da equação (4), tem-se que:

$$Q_1 = \Delta U_1 + \tau_1 \text{ e } Q_2 = \Delta U_2 + \tau_2$$

de um modo geral, para gases ideais:

$$\Delta U = k \Delta T \quad (5)$$

sendo $k = f(n, R)$ uma função de n e de R . Como n e R são constantes, k é constante e ΔU depende apenas de ΔT .

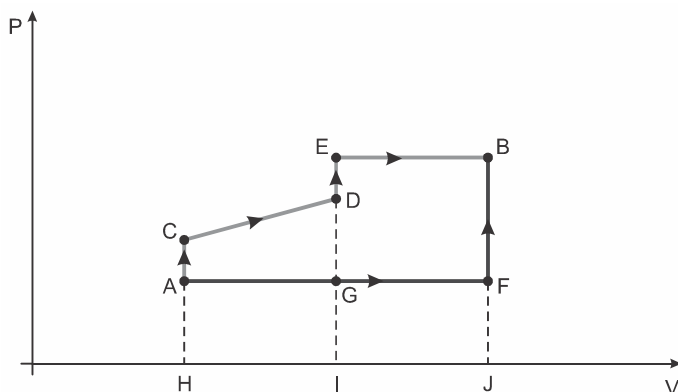
A partir da equação (5), tem-se que:

$$\Delta U_1 = k \Delta T_{AB} = k(T_B - T_A) = \Delta U_2 \quad (6)$$

Da equação (6) conclui-se que:

$$Q_1 - Q_2 = (\Delta U_1 + \tau_1) - (\Delta U_2 + \tau_2) = \tau_1 - \tau_2$$

Observe o gráfico da figura. Os pontos G, H, I e J foram acrescentados para facilitar a compreensão da solução.



τ_1 corresponde ao trabalho realizado pelo gás no processo 1, e por isso é numericamente igual à área delimitada

pelo polígono HCDEBJH.

τ_2 corresponde ao trabalho realizado pelo gás no processo 2, e por isso é numericamente igual à área delimitada pelo polígono HAFJH.

Conclui-se que: $\tau_1 - \tau_2$ é numericamente igual à área delimitada pelo polígono ACDEBFA.

Logo:

$$Q_1 - Q_2 = \tau_1 - \tau_2 = (ACDGA) + (GEBFG)$$

Sendo (ACDGA) a área do trapézio ACDGA e (GEBFG) a área do retângulo GEBFG.

Assim:

$$Q_1 - Q_2 = \left[\frac{(1+2) \times 2}{2} + 2 \times 3 \right] \times 10^5 \frac{\text{N}}{\text{m}^2} \times 10^{-3} \text{m}^3$$

$$Q_1 - Q_2 = 900 \text{ Nm} = \boxed{900 \text{ J}}$$

Resposta da questão 18:

a) De acordo com a 1ª lei da Termodinâmica:

$$Q = \tau + \Delta U$$

Para o problema dado, temos que:

$Q = 0$ (transformação adiabática)

$$\Delta T < 0 \Rightarrow \Delta U < 0 \quad \left(\text{pois } \Delta U = \frac{3}{2} nR\Delta T \right)$$

Logo:

$$0 = \tau + \Delta U \Rightarrow \tau = -\Delta U$$

$$\therefore \tau > 0$$

Portanto, o gás sofreu expansão.

b) Da expressão obtida anteriormente:

$$\tau = -\Delta U = -\frac{3}{2} nR\Delta T$$

$$\tau = -\frac{3}{2} \cdot 1 \cdot R \left(\frac{T_1}{3} - T_1 \right)$$

$$\therefore \tau = RT_1$$

c) Como $PV^{5/3} = \text{constante}$, devemos ter que:

$$P_f V_f^{5/3} = P_1 V_1^{5/3}$$

Da equação de Clayperon com $n = 1$, vem:

$$PV = 1 \cdot RT \Rightarrow V = \frac{RT}{P}$$

Substituindo este resultado na expressão anterior, chegamos a:

$$P_f \left(\frac{RT_f}{P_f} \right)^{5/3} = P_1 \left(\frac{RT_1}{P_1} \right)^{5/3} \Rightarrow \frac{T_f^{5/3}}{P_f^{2/3}} = \frac{T_1^{5/3}}{P_1^{2/3}} \Rightarrow$$
$$\Rightarrow \left(\frac{P_f}{P_1} \right)^{2/3} = \left(\frac{T_1/3}{T_1} \right)^{5/3} \Rightarrow \frac{P_f}{P_1} = \left(\frac{1}{3} \right)^{5/2} = \frac{1}{\sqrt{3^5}}$$
$$\therefore \frac{P_f}{P_1} = \frac{\sqrt{3}}{27}$$

Resposta da questão 18:

- a) 110 K
- b) 2250 J