

- 1** (Unicamp-SP) O CO_2 dissolvido em bebidas carbonatadas, como refrigerantes e cervejas, é o responsável pela formação da espuma nessas bebidas e pelo aumento da pressão interna das garrafas, tornando-a superior à pressão atmosférica. O volume de gás no “pescoço” de uma garrafa com uma bebida carbonatada a 7°C é igual a 24 ml, e a pressão no interior da garrafa é de $2,8 \times 10^5$ Pa. Trate o gás do “pescoço” da garrafa como um gás perfeito. Considere que a constante universal dos gases é de aproximadamente $8 \frac{\text{J}}{\text{mol} \cdot \text{K}}$ e que as temperaturas nas escalas Kelvin e Celsius se relacionam da forma $T(\text{K}) = 0(^\circ\text{C}) + 273$. O número de moles de gás no “pescoço” da garrafa é igual a:
- a) $1,2 \times 10^5$.
 b) $3,0 \times 10^3$.
 c) $1,2 \times 10^{-1}$.
 ► d) $3,0 \times 10^{-3}$.

$$T = 7^\circ\text{C} + 273 = 280 \text{ K}$$

$$V = 24 \text{ mL} = 24 \cdot 10^{-6} \text{ m}^3$$

$$p = 2,8 \cdot 10^5 \text{ Pa}$$

$$R = 8 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}$$

Aplicando a equação de estado de gases ideais, vem:

$$p \cdot V = n \cdot R \cdot T$$

$$2,8 \cdot 10^5 \cdot 24 \cdot 10^{-6} = n \cdot 8 \cdot 280$$

$$n = 3,0 \cdot 10^{-3} \text{ mol}$$

- 2** (Fuvest-SP) Uma garrafa tem um cilindro afixado em sua boca, no qual um êmbolo pode se movimentar sem atrito, mantendo constante a massa de ar dentro da garrafa, como ilustra a figura. Inicialmente, o sistema está em equilíbrio à temperatura de 27°C . O volume de ar na garrafa é igual a 600 cm^3 e o êmbolo tem uma área transversal igual a 3 cm^2 . Na condição de equilíbrio, com a pressão atmosférica constante, para cada 1°C de aumento da temperatura do sistema, o êmbolo subirá aproximadamente:

Note e adote:

■ $0^\circ\text{C} = 273 \text{ K}$

■ Considere o ar da garrafa um gás ideal.

- a) 0,7 cm Como o enunciado informa que o gás está em equilíbrio com a pressão atmosférica, supõe-se que a transformação seja isobárica. Logo:

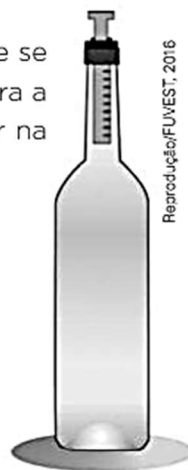
b) 1,4 cm
$$\frac{V}{T} = \frac{V_0}{T_0} \Rightarrow \frac{V}{301} = \frac{600}{300}$$

c) 2,1 cm
$$\therefore V = 602 \text{ cm}^3$$

d) 3,0 cm A variação do volume é:

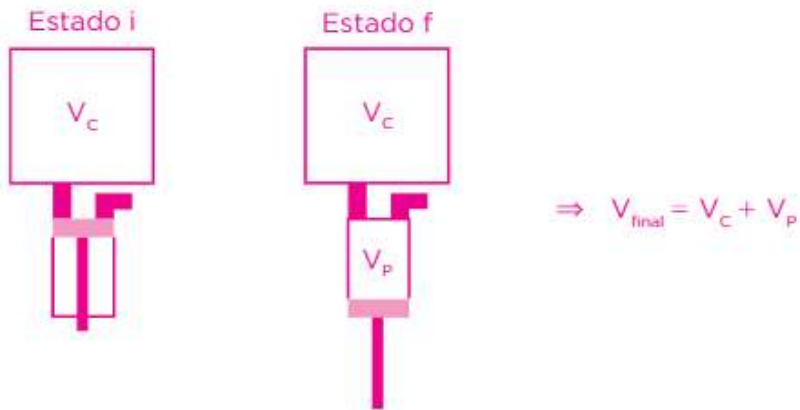
$$\Delta V = Ah \Rightarrow 2 = 3h \Rightarrow h = \frac{2}{3} \text{ cm}$$

$$\therefore h \approx 0,7 \text{ cm}$$



3.

Durante o ciclo descrito pelo enunciado, podem-se destacar dois estados termodinâmicos:



Logo, como a transformação gasosa entre os estados i e f é isotérmica, tem-se: $p_i V_i = p_f V_f \Rightarrow 33 \cdot 2 = p_f \cdot 2,2 \therefore p_f = 30 \text{ Pa}$

4.

a)

Do enunciado,

$$N_A = 6 \cdot 10^{23}; P = 3,2 \cdot 10^{-8} \text{ Pa}; T = 300 \text{ K}; R = 8 \text{ J/mol} \cdot \text{K}.$$

Sendo n o número de mols, o número de partículas (N) é:

$$N = nN_A \Rightarrow n = \frac{N}{N_A}.$$

Aplicando a equação de Clapeyron:

$$nRT = pV \Rightarrow \frac{N}{N_A}RT = pV \Rightarrow \frac{N}{V} = \frac{N_A p}{RT} = \frac{6 \cdot 10^{23} \cdot 3,2 \cdot 10^{-8}}{8 \cdot 300}$$

$$\therefore \frac{N}{V} = 8 \cdot 10^{12} \text{ moléculas/m}^3$$

b)

Do enunciado,

$$p_{\text{int}} = p_0 = 1 \text{ atm}; \rho = 10^3 \text{ kg/m}^3; h = 100 \text{ m}; g = 10 \text{ m/s}^2.$$

A pressão suportada pela carcaça é o módulo da diferença entre as pressões externa e interna. Assim:

$$\bullet p_{\text{sub}} = p_{\text{ext}} - p_{\text{int}} = (p_0 + \rho g h) - p_0 \Rightarrow p_{\text{sub}} = \rho g h = 10^3 \cdot 10 \cdot 100$$

$$\therefore p_{\text{sub}} = 10 \cdot 10^5 \text{ Pa}$$

$$\bullet p_{\text{nave}} = p_{\text{int}} - p_{\text{ext}} = p_0 - 0$$

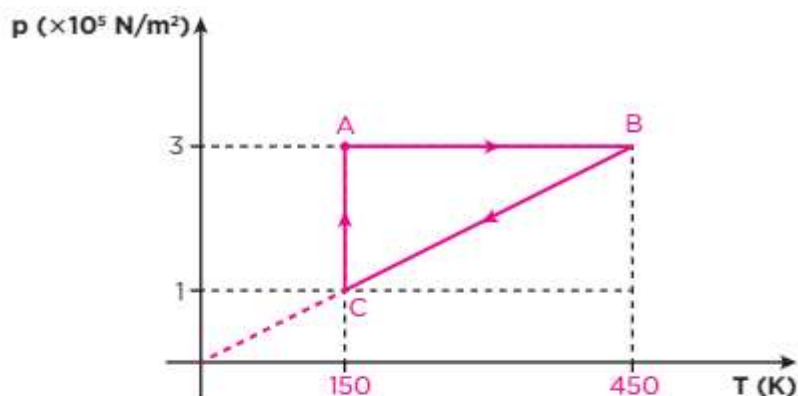
$$\therefore p_{\text{nave}} = 1 \text{ atm}$$

$$\Rightarrow p_{\text{nave}} = 10^5 \text{ Pa}$$

$$\frac{p_{\text{sub}}}{p_{\text{nave}}} = \frac{10 \cdot 10^5}{10^5} \Rightarrow \frac{p_{\text{sub}}}{p_{\text{nave}}} = 10$$

5.

a)



• Temperatura do gás no estado A:

$$p_A \cdot V_A = n \cdot R \cdot T_A$$

$$3 \cdot 10^5 \cdot 2 \cdot 10^{-3} = 0,5 \cdot 8 \cdot T_A \Rightarrow T_A = 150 \text{ K}$$

• Temperatura em B:

De A para B a transformação é **isobárica**. Logo:

$$\frac{V_A}{T_A} = \frac{V_B}{T_B}$$

V e T são diretamente proporcionais. Como o volume triplicou, a temperatura absoluta do gás também triplica. Portanto,

$$T_B = 3 \cdot T_A = 450 \text{ K}$$

• Temperatura em C:

Note que: $p_A \cdot V_A = p_C \cdot V_C$. Logo, $T_C = T_A = 150 \text{ K}$.

Ainda mais, de B para C, o volume é constante. Portanto, nessa transformação, T é diretamente proporcional a **p**. Assim, essa transformação é representada por um segmento de reta que aponta para a origem.

b)

Lembrando que, para um gás ideal e monoatômico:

$$U = \frac{3}{2} nRT = \frac{3}{2} pV$$

$$\text{Tem-se: } U_A = \frac{3}{2} nRT_A = \frac{3}{2} 0,5 \cdot 8 \cdot 150 = 900 \text{ J}$$

Como $T_B = 3 \cdot T_A$, então $U_B = 3 \cdot U_A$. Portanto: $U_B = 2700 \text{ J}$

Como $T_C = T_A$, então $U_C = U_A$. Portanto: $U_C = 900 \text{ J}$

Assim:

$$\Delta U_{A \rightarrow B} = U_B - U_A = 2700 - 900 = 1800 \text{ J}$$

$$\Delta U_{B \rightarrow C} = U_C - U_B = 900 - 2700 = -1800 \text{ J}$$

$$\Delta U_{C \rightarrow A} = U_A - U_C = 900 - 900 = 0$$

c) Determine a variação de energia interna do gás após ser submetido a um ciclo completo (ΔU_{ciclo}).

Em qualquer transformação cíclica, como os estados termodinâmicos inicial e final do gás coincidem, a temperatura inicial e a temperatura final do gás são iguais. Logo, em qualquer transformação cíclica:

$$U_{\text{final}} = U_{\text{inicial}}$$

Portanto, em qualquer transformação cíclica: $\Delta U_{\text{ciclo}} = 0$