

Dinâmica do MCU: órbita circular

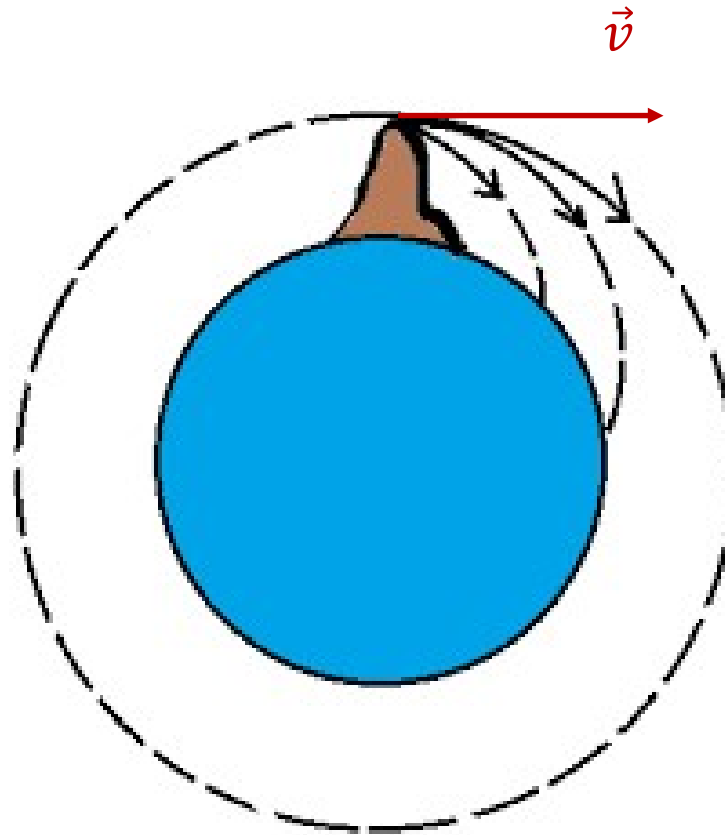
Apresentação e demais documentos: fisicasp.com.br

Professor Caio

1. introdução

Isaac Newton (1673 - 1627)

Órbita: queda livre infinita



<https://www.geogebra.org/m/gmg3ntrt>

1. introdução



Queda livre

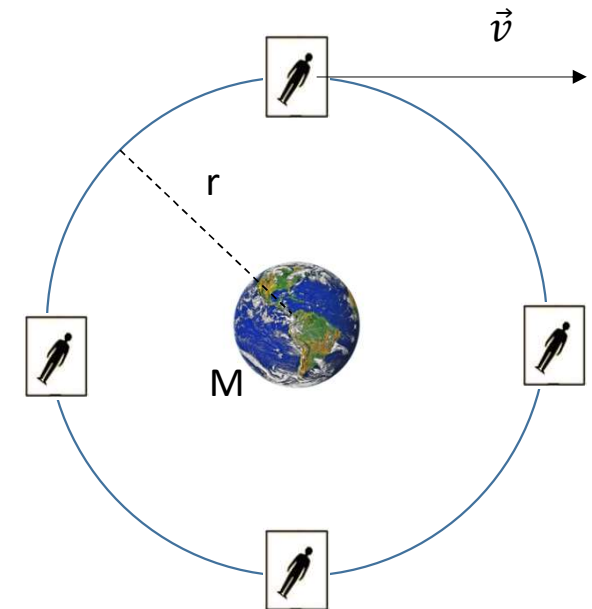


Lançamento horizontal



- **Imponderabilidade:** aparente ausência de peso

1. introdução



$$v = \sqrt{\frac{GM}{r}}$$

Tripulante e estação apresentam mesma velocidade (v)

- **Imponderabilidade:** aparente ausência de peso

2. Revisão: dinâmica do movimento circular uniforme (MCU)

Trajétória circular

$|\vec{v}|$ é constante
 ω é constante

$$v = \frac{\Delta S}{\Delta t} = \frac{2\pi r}{T}$$

$$\omega = \frac{\Delta \varphi}{\Delta t} = \frac{2\pi}{T}$$

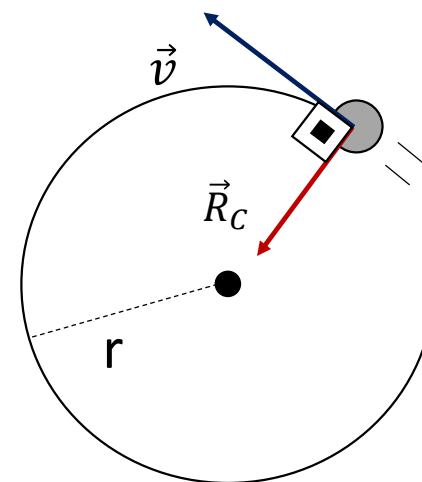
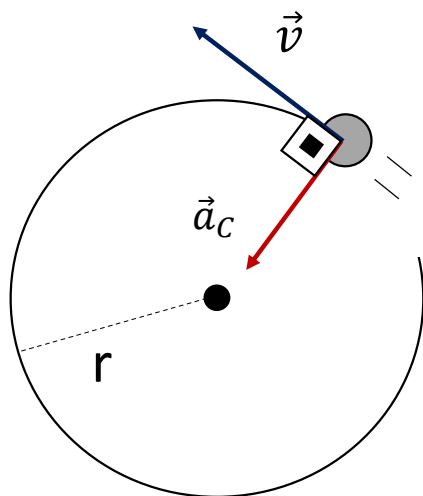
$$v = \omega \cdot r$$

$$\frac{m}{s} \quad \frac{rad}{s} \quad m$$

$$\vec{\gamma} = \vec{a}_t + \vec{a}_c \quad \Rightarrow \quad \vec{\gamma} = \vec{a}_c$$

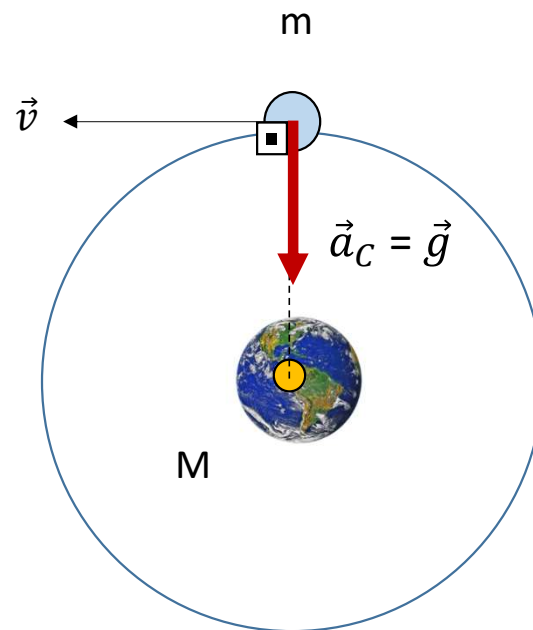
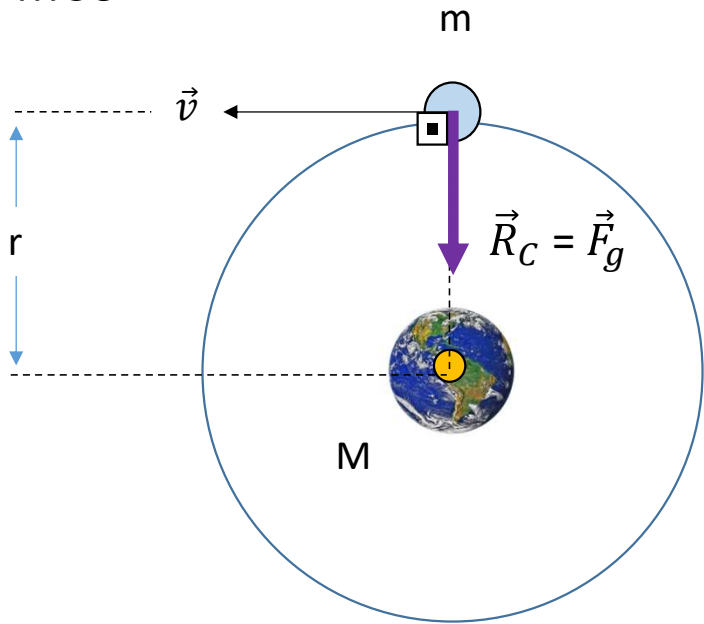
$$a_c = \frac{v^2}{r} \quad \text{ou} \quad a_c = \omega^2 \cdot r$$

$$\vec{R} = m \cdot \vec{\gamma} \quad \Rightarrow \quad \vec{R}_c = m \cdot \vec{a}_c$$



3. Órbita circular

MCU



$$R_c = F_g$$

~~$$m \cdot a_c = m \cdot g$$~~

$$a_c = g$$

$$\frac{v^2}{r} = g$$

$$v = \sqrt{g \cdot r}$$

~~$$v = \sqrt{\frac{GM}{r^2} \cdot r}$$~~

$$v = \sqrt{\frac{GM}{r}}$$

$$\omega^2 \cdot r = g$$

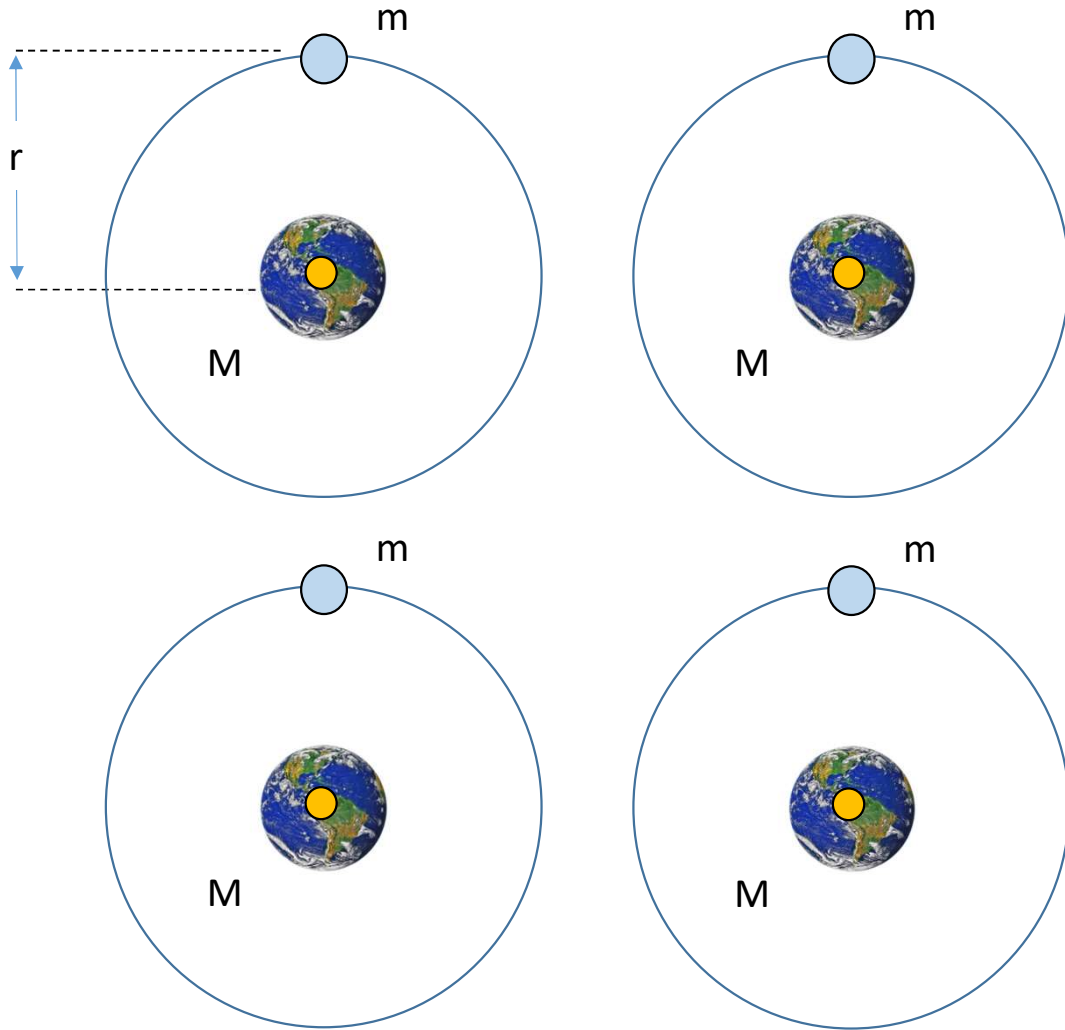
$$\omega^2 \cdot r = G \cdot \frac{M}{r^2}$$

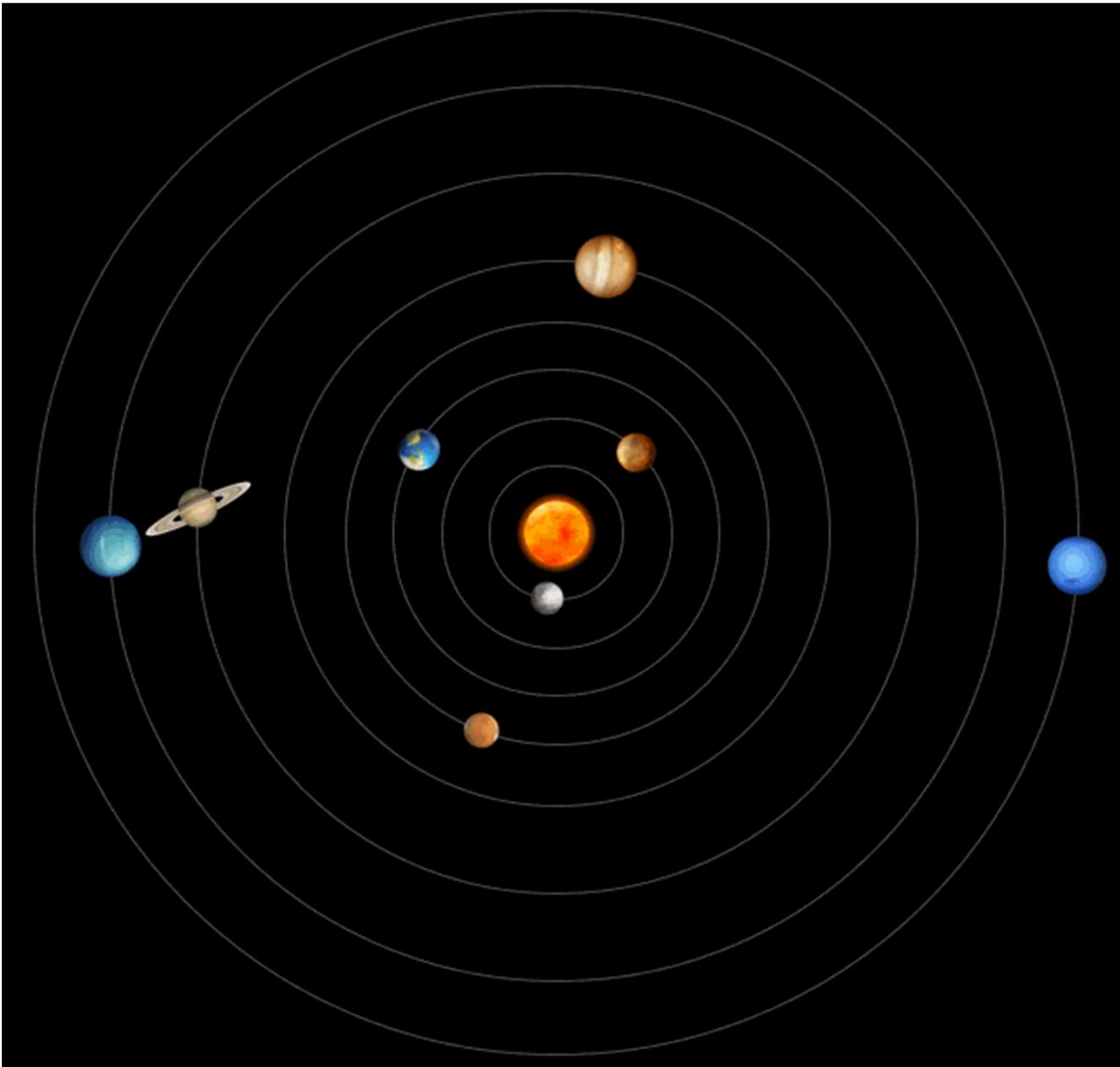
$$\omega = \sqrt{G \cdot \frac{M}{r^3}}$$

Onde $\omega = \frac{2\pi}{T}$

3. Órbita circular

MCU





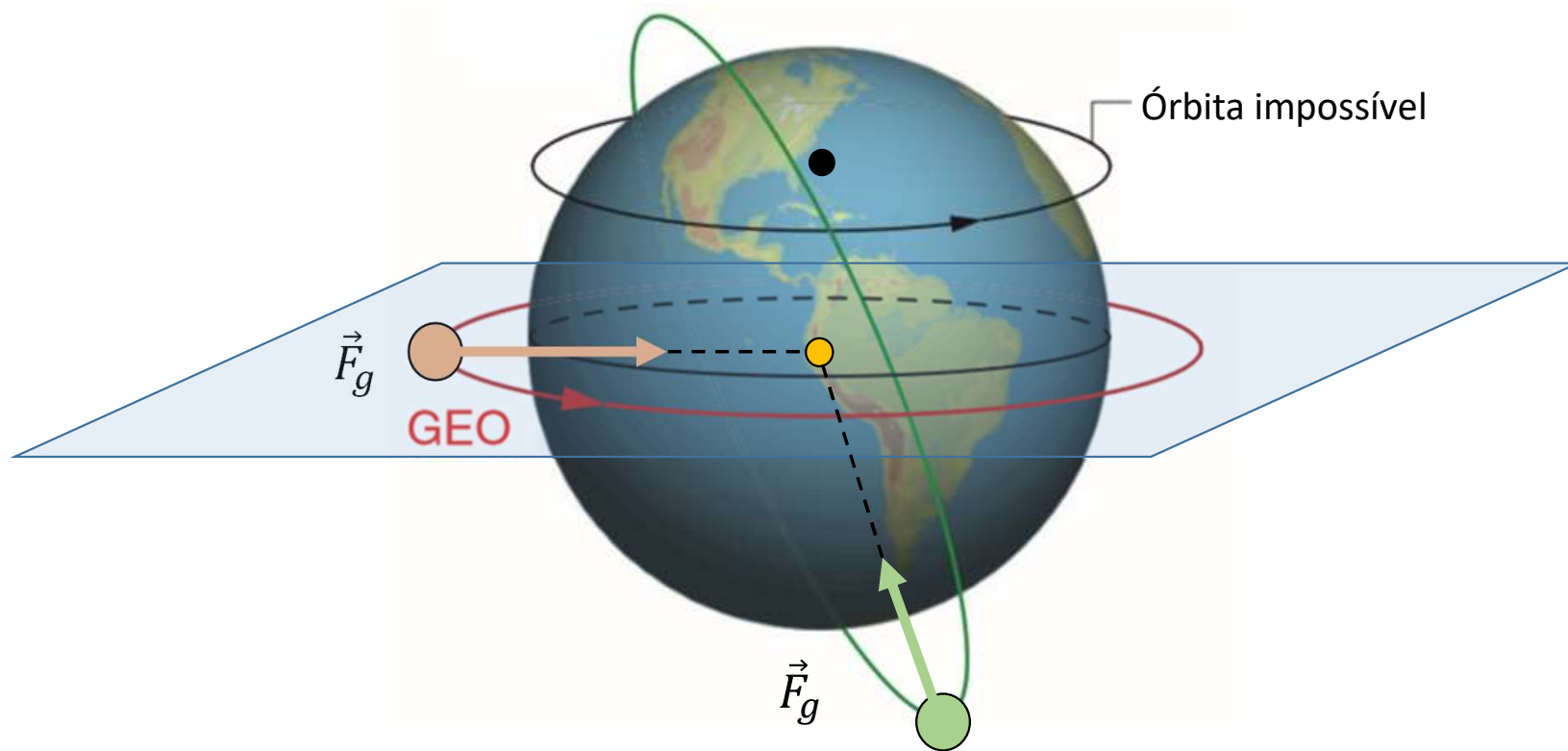
$$\downarrow v = \sqrt{\frac{GM}{r \uparrow}}$$

Planetas mais distantes do Sol



menores velocidades escalares

4. Satélites



GEO - satélite geostacionário: período (T) igual ao período de rotação da Terra (T) e o plano de sua órbita coincide com o plano que contém a linha do equador (está sempre sobre o mesmo ponto da linha do equador).

Satélite geoestacionário



Anel de Clarke (todos os satélites geoestacionários estão neste anel)

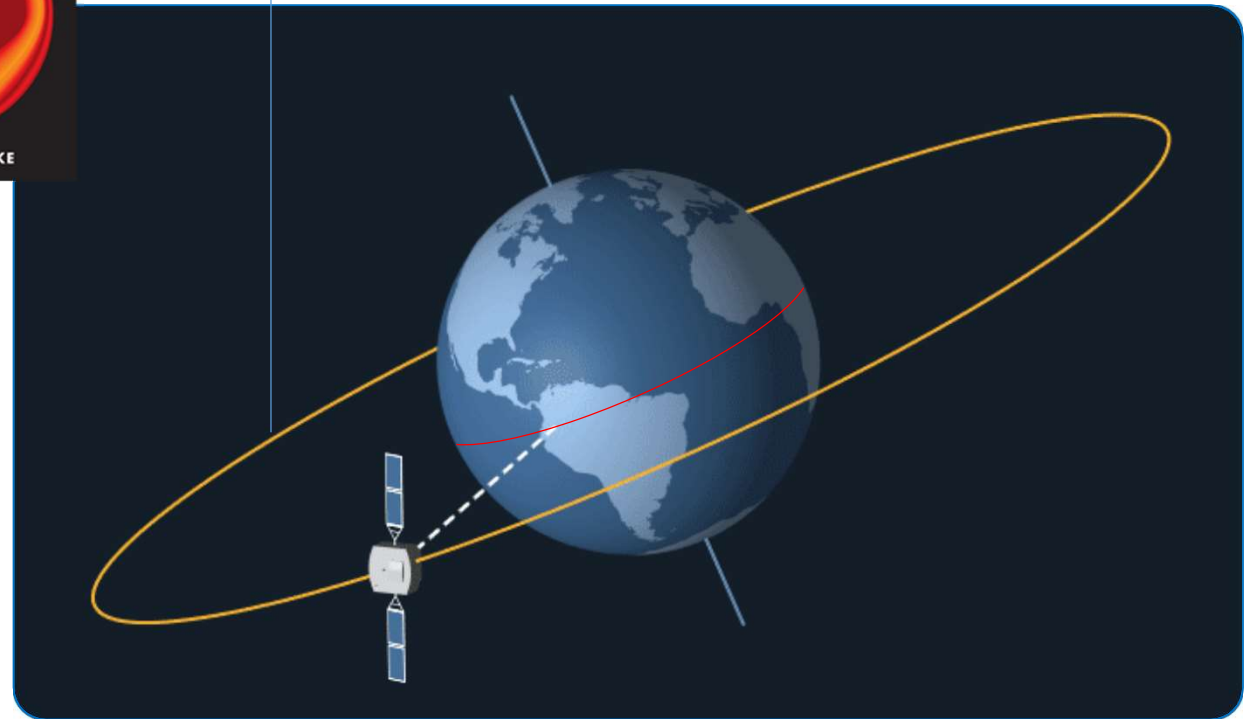
- $T_{satélite} = T_{Terra} = 24h$

Velocidade angular (ω)

$$\omega = \frac{\Delta\varphi}{\Delta t} \quad \Rightarrow \quad \omega = \frac{2\pi}{T} \quad \text{SI: } \frac{\text{rad}}{\text{s}}$$

- $\omega_{satélites} = \omega_{Terra}$

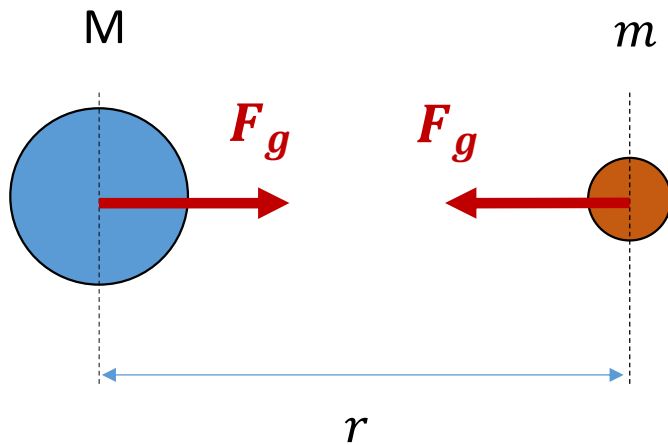
- $r \cong 42\,000 \text{ km}$



O plano de sua órbita coincide com o plano que contém a linha do equador (estão sempre sobre o mesmo ponto da linha do equador).

5. Energia potencial gravitacional

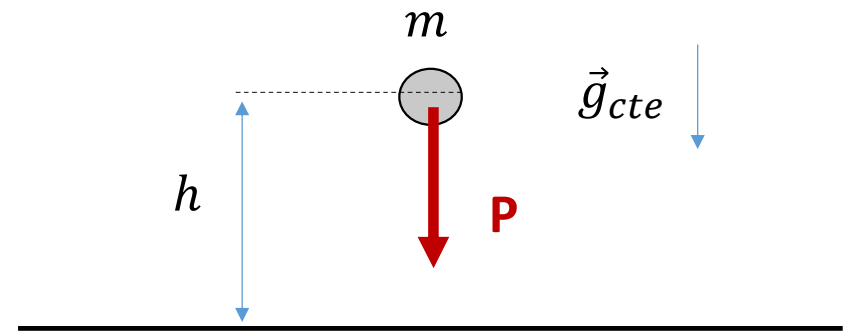
Para grandes distâncias



$$E_p = -\frac{GMm}{r}$$

$$r \rightarrow \infty \quad E_p \rightarrow 0$$

Para movimentos próximos à superfície de um astro



$$E_p = mgh$$